Chapitre 7 : Trigonométrie

Axe « Géométrie »

Exercice 1

ABC est un triangle équilatéral indirect. Les points I, J et K sont les milieux respectifs des segments [BC], [AC] et [AB].

Sans justifier, donner la mesure principale des angles orientés suivants (en radians) :

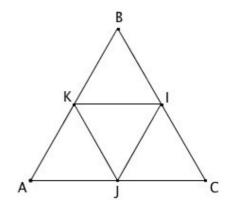
(a)
$$(\overrightarrow{BK}, \overrightarrow{BI})$$

(b)
$$|\overrightarrow{BC}|$$
, $|\overrightarrow{BJ}|$

(c)
$$(\overrightarrow{IC}, \overrightarrow{JK})$$

(d)
$$(\overrightarrow{BJ}, \overrightarrow{JK})$$

(e)
$$|\overrightarrow{CK}, \overrightarrow{BJ}|$$



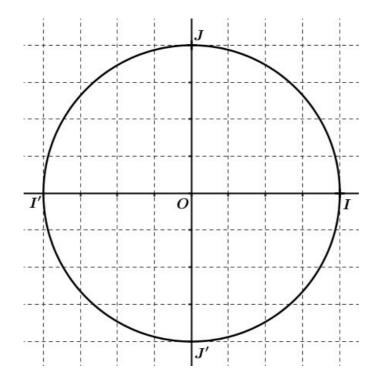
Exercice 2

Le plan est muni d'un repère orthonormé direct (O, I, J).

- 1. Sur le cercle trigonométrique donné ci-dessous, placer :
 - (a) le point A image du nombre $-\frac{4\pi}{3}$;
 - (b) le point *B* image du nombre $\frac{11 \pi}{6}$;
 - (c) le point C image du nombre $\frac{11 \pi}{4}$.

2. Déterminer :

- (a) les nombres réels x de l'intervalle [0; 2π [tels que $\cos x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$;
- (b) les nombres réels x de l'intervalle $]-\pi$; π] tels que $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$;
- (c) les nombres réels x de l'intervalle [0; 5 π] tels que sin $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$.



Exercice 3

Sans justifier, déterminer :

- 1. la mesure principale d'un angle orienté de mesure $-\frac{37 \pi}{5}$.
- 2. les mesures de l'angle orienté $(\overrightarrow{BC}, \overrightarrow{OD})$ sachant que le quadrilatère ABCD est un carré de centre O tel que $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}) = \frac{\pi}{2}$ modulo 2π .
- 3. les valeurs exactes des nombres x de l'intervalle [0 ; 2π [telles que sin $x = -\frac{1}{2}$.
- 4. la valeur exacte du sinus de α sachant que $\cos \alpha = 0.3$ et que $\alpha \in [\pi ; 2\pi[$.
- 5. le cosinus de $\frac{5 \pi}{7}$ en fonction de a sachant que $\cos \left(\frac{2 \pi}{7}\right) = a$.