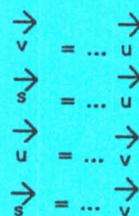
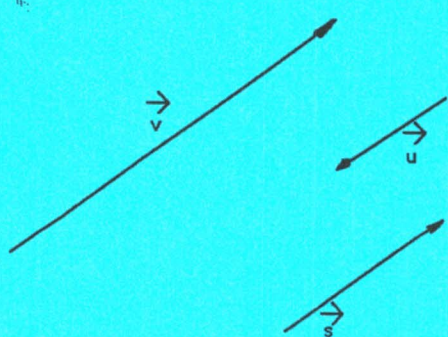


VECTEURS DU PLAN

CLASSE DE SECONDE



I - Définition des vecteurs

- 1.1 - Direction et sens
- 1.2 - Vecteurs non nuls
- 1.3 - Le vecteur nul
- 1.4 - Colinéarité
- 1.5 - Norme d'un vecteur, vecteur unitaire
- 1.6 - Opposé d'un vecteur

II - Somme de deux vecteurs

- 2.1 - Définition et relation de Chasles
- 2.2 - Propriétés de l'addition des vecteurs
Somme de plus de deux vecteurs
- 2.3 - Décomposition d'un vecteur en somme de deux vecteurs
- 2.4 - Différence de deux vecteurs

III - Produit d'un vecteur par un nombre réel

- 3.1 - Définition
- 3.2 - Lien avec la colinéarité
- 3.3 - Propriétés

IV - Configurations usuelles et vecteurs

- 4.1 - Milieu d'un segment
- 4.2 - Alignement
- 4.3 - Droite - Demi-droite - Segment
- 4.4 - Parallélogramme
- 4.5 - Centre de gravité d'un triangle
- 4.6 - Parallélisme
- 4.7 - Projection parallèle

V - Mesure algébrique d'un vecteur sur un axe

- 5.1 - Axe
- 5.2 - Mesure algébrique

VI - Repères - Bases

- 6.1 - Repères d'une droite
- 6.2 - Repères du plan
- 6.3 - Repères orthonormaux

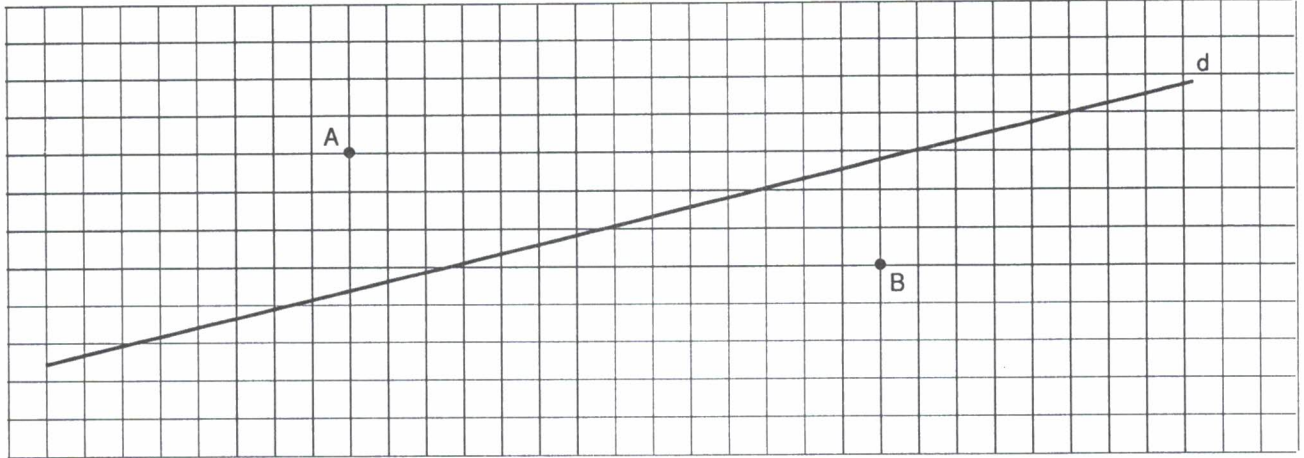
VII - Equations de droites

I - Définition des vecteurs

1.1 - Direction et sens

Exercice 1 : Soit une droite (d) , un point A et un point B non situés sur (d) .

- a) Trace une droite passant par A et de même direction que (d) . Peux-tu en tracer plusieurs ?
 b) Trace une demi-droite d'origine B et de même direction que (d) . Peux-tu en tracer plusieurs ?

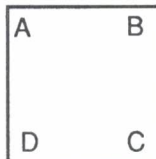


Exercice 2 : Soit un carré $ABCD$.

- Trace la demi-droite d'origine A , de même direction et de même sens que la demi-droite $[CB]$.
 Trace la demi-droite d'origine B , de même direction et de même sens que la demi-droite $[DC]$.
 Trace la demi-droite d'origine C , de même direction et de même sens que la demi-droite $[AD]$.
 Trace la demi-droite d'origine D , de même direction et de même sens que la demi-droite $[BA]$.
 Trace la demi-droite d'origine A , de même direction et de même sens que la demi-droite $[DB]$.
 Trace la demi-droite d'origine B , de même direction et de même sens que la demi-droite $[AC]$.
 Trace la demi-droite d'origine C , de même direction et de même sens que la demi-droite $[BD]$.
 Trace la demi-droite d'origine D , de même direction et de même sens que la demi-droite $[CA]$.

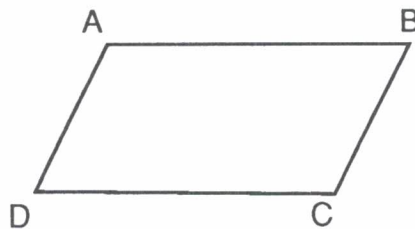
Sur ton dessin combien trouves-tu de directions différentes ?

Parmi les demi-droites que tu as dessinées, colorie un représentant de chaque direction.



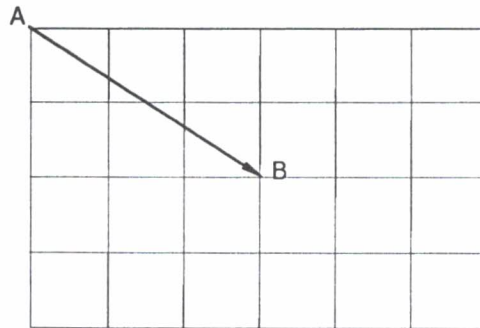
1.2 - Vecteurs non nuls

Exercice 3 : $ABCD$ est un parallélogramme et I est le milieu de $[MN]$. Ecris toutes les égalités de vecteurs que tu peux trouver à partir des figures suivantes.



Exercice 4 : En utilisant les noeuds du quadrillage ci-dessous, trace 4 représentants du vecteur \vec{AB} .

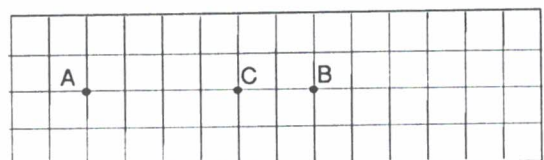
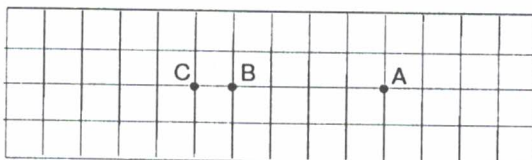
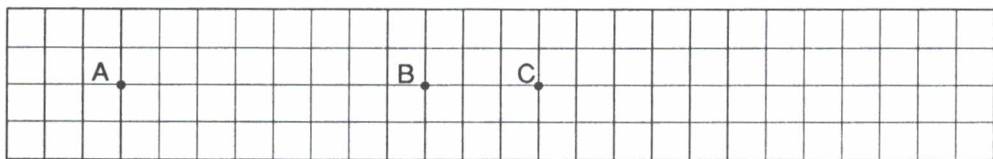
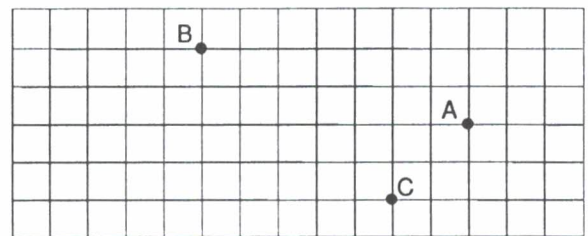
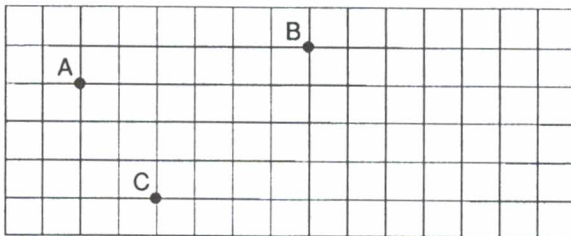
Combien de représentants du vecteur \vec{AB} pourrait-on ainsi construire ?



Exercice 5 : Dans le triangle ABC, A' et B' sont les milieux respectifs des côtés [BC] et [AC]. On désigne par K le point tel que $\vec{A'K} = \vec{BB'}$.

Démontrez que $\vec{A'CKB'}$ est un parallélogramme.

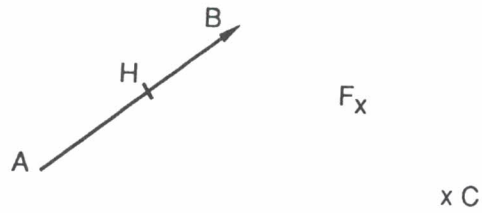
Exercice 6 : Dans chacune des figures suivantes, place un point D tel que $\vec{CD} = \vec{AB}$.



Y-a-t-il des cas où tu peux trouver plusieurs possibilités ?

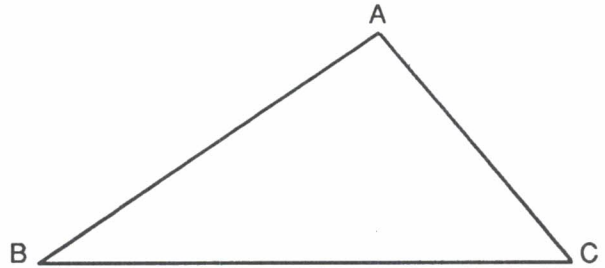
Exercice 7 : Sur le dessin ci-contre :

- Place le point D tel que $\vec{CD} = \vec{AB}$.
- Place le point E tel que $\vec{EF} = \vec{AB}$.
- Place le point G tel que $\vec{GH} = \vec{AB}$.



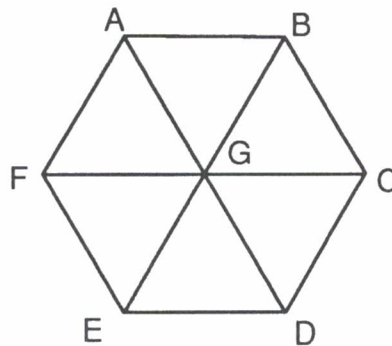
Exercice 8 : Dans le dessin ci-contre :

- Place le point K tel que $\vec{KB} = \vec{CK}$.
- Peux-tu placer un point D tel que $\vec{DA} = \vec{DC}$?
- Place les points M et N tel que $\vec{AM} = \vec{MN} = \vec{NB}$.



1.4 - Colinéarité

Exercice 9 :



La figure ci-dessus représente un hexagone régulier. Ecris en utilisant uniquement les points du dessin :

- tous les vecteurs non nuls colinéaires à \vec{AB} ,
- tous les vecteurs non nuls colinéaires à \vec{CD} .

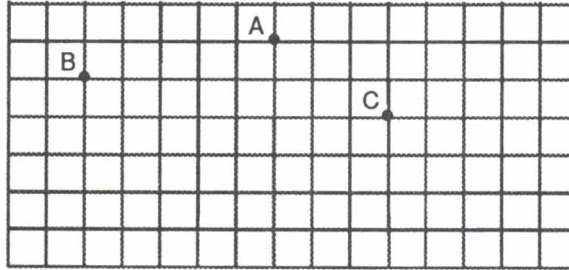
Exercice 10 :

- Place trois points distincts M_1 , M_2 et M_3 tels que \vec{AM}_1 , \vec{AM}_2 , \vec{AM}_3 soient colinéaires à \vec{AB} .
- Dessine l'ensemble des points M tels que \vec{AM} soit colinéaire à \vec{AB} .



Exercice 11 :

- a) Place trois points distincts M_1, M_2 et M_3 tels que $\vec{CM}_1, \vec{CM}_2, \vec{CM}_3$ soient colinéaires à \vec{AB} .
- b) Dessine l'ensemble des points M tels que \vec{CM} soit colinéaire à \vec{AB} .

**1.5 - Norme d'un vecteur. Vecteur unitaire.**

Exercice 12 : Sur la figure ci-dessous, place M tel que \vec{OM} soit unitaire et colinéaire à \vec{u} . Y a-t-il plusieurs solutions ?



Exercice 13 : Dessine l'ensemble de tous les points M tels que le vecteur \vec{AM} soit unitaire.

A
x

1.6 - Opposé d'un vecteur.

Exercice 14: Barre les égalités fausses de la liste ci-dessous (I est le milieu de $[AB]$).



$$\vec{IA} = \vec{IB};$$

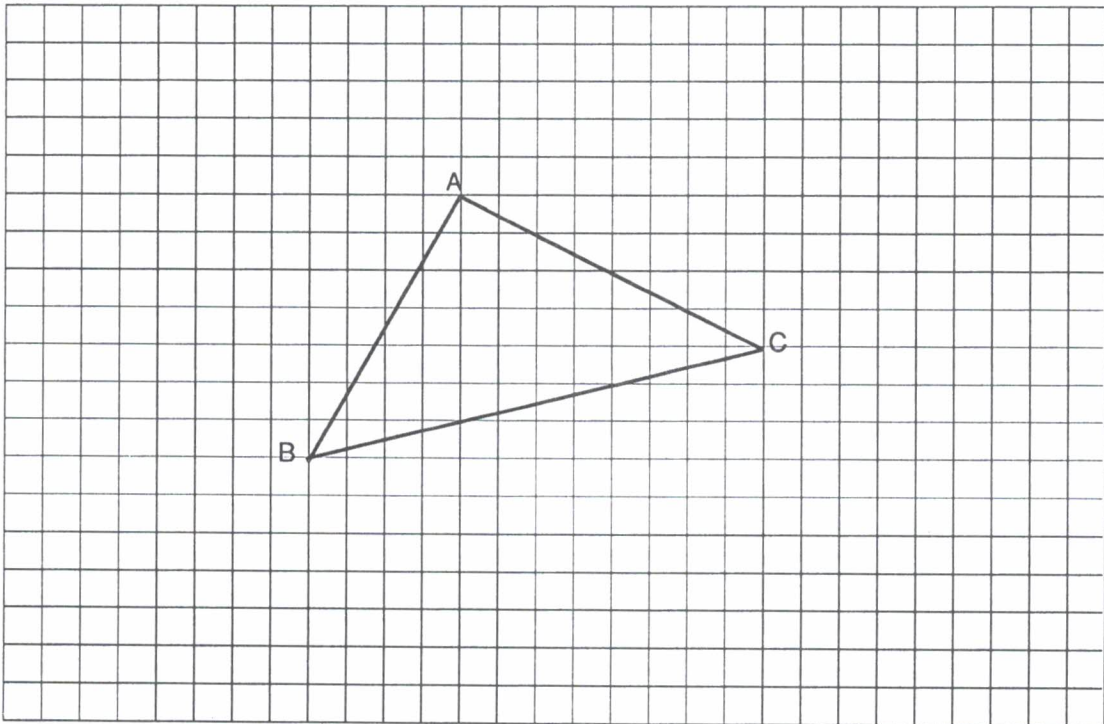
$$\vec{AI} = -\vec{IB};$$

$$\vec{AB} = -\vec{BA};$$

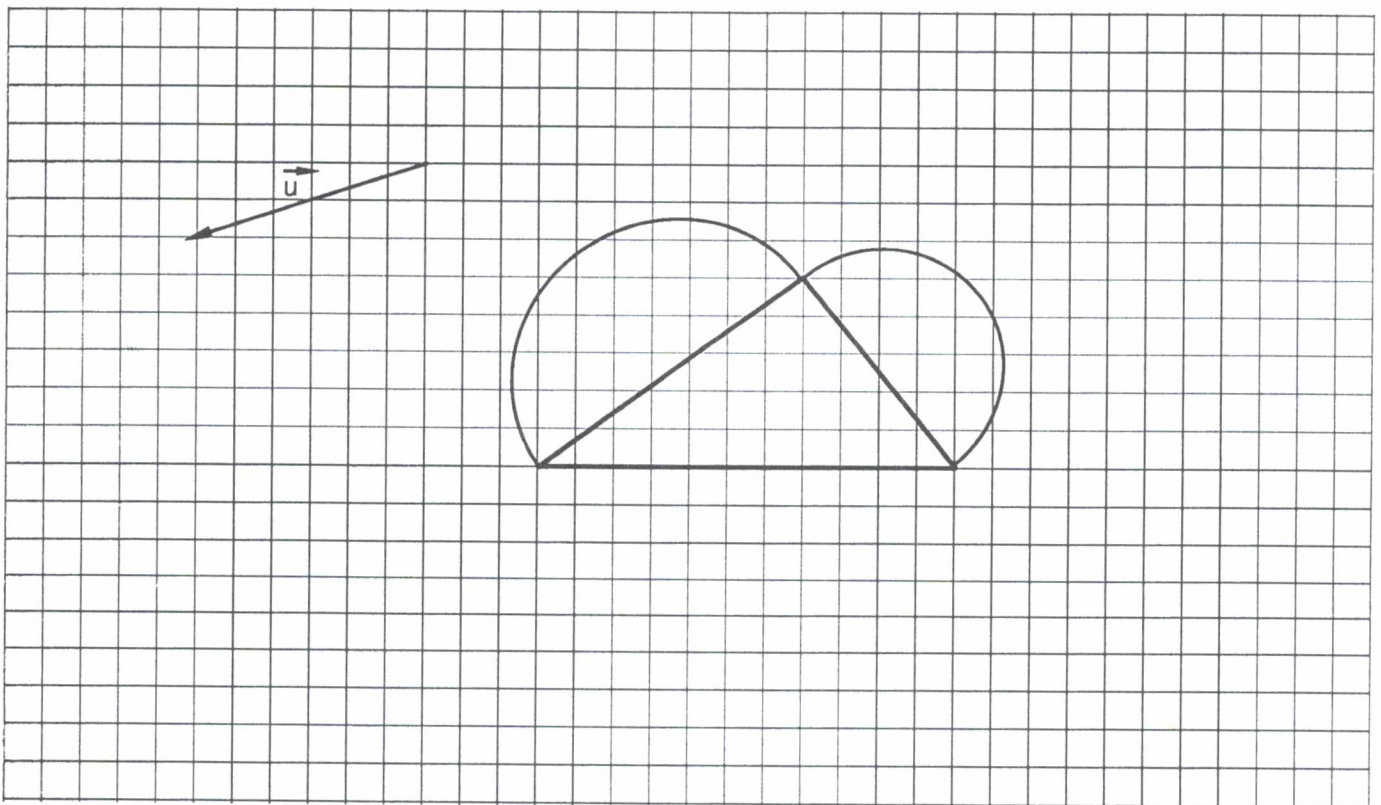
$$\vec{IB} = -\vec{IA};$$

$$\vec{BI} = -\vec{IA};$$

Exercice 15 : Place X, Y, Z tels que $\vec{BX} = -\vec{CA}, \vec{CY} = -\vec{AB}, \vec{AZ} = -\vec{BC}$.



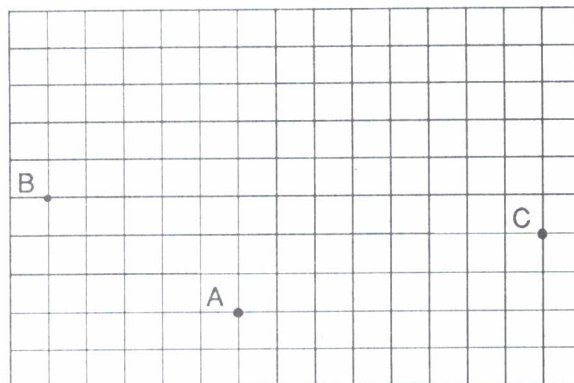
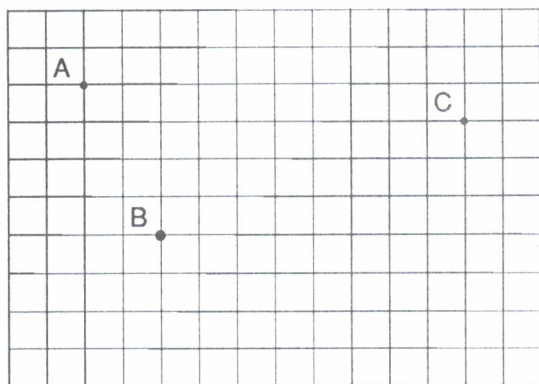
Exercice 16 : Dessine l'image F_1 de la figure F ci-dessous par la translation de vecteur \vec{u} , puis l'image F_2 de F par la translation de vecteur $-\vec{u}$. (Utilise deux couleurs différentes).



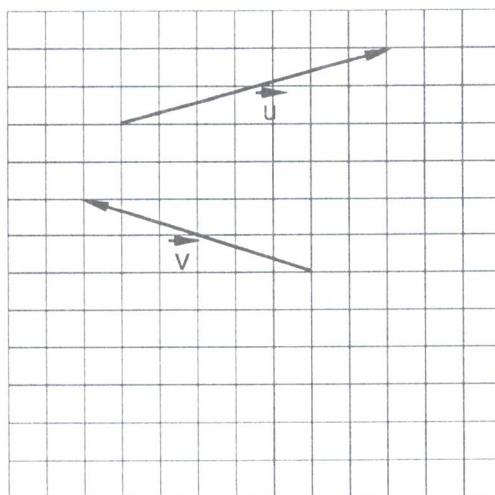
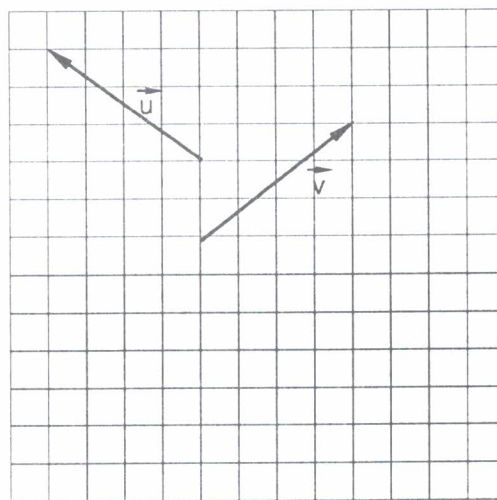
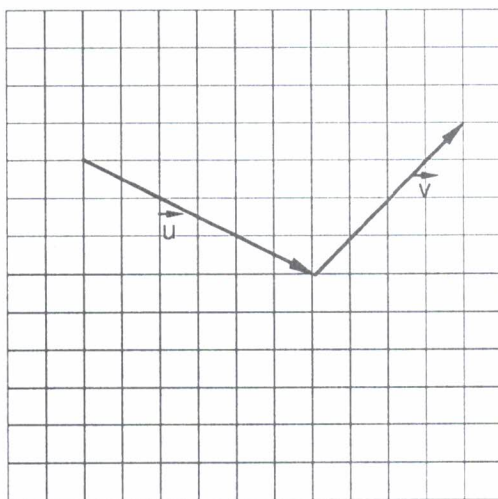
II - Somme de deux vecteurs

2.1 - Définition et relation de Chasles.

Exercice 1 : Dans chacun des cas suivants construis le point M tel que $\vec{AM} = \vec{AB} + \vec{AC}$.

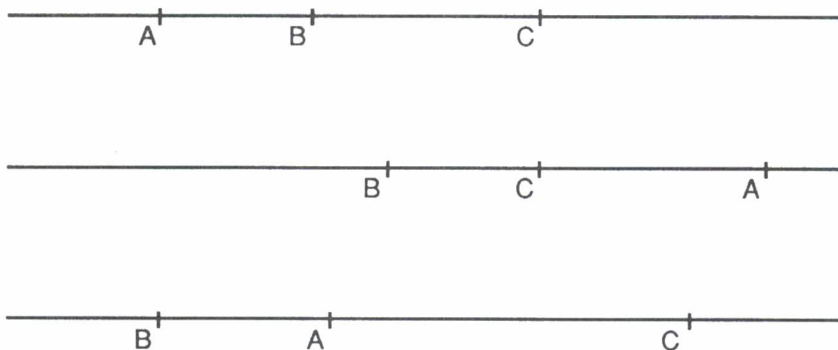


Exercice 2 : Représente sur le quadrillage le vecteur $\vec{u} + \vec{v}$ dans chacun des cas suivants :



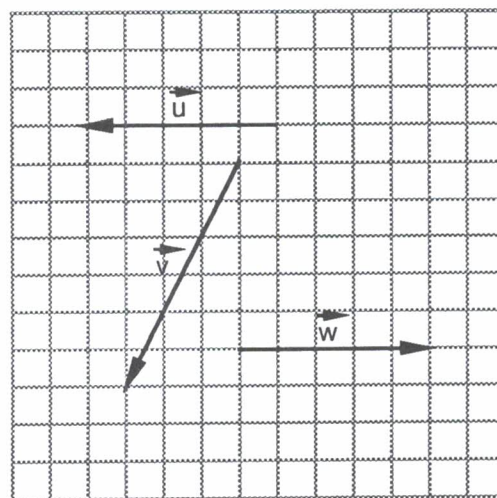
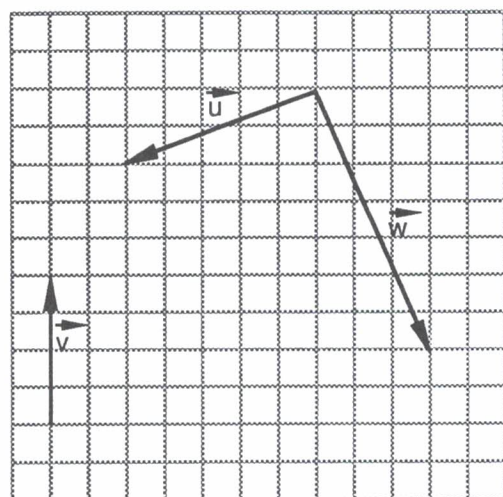
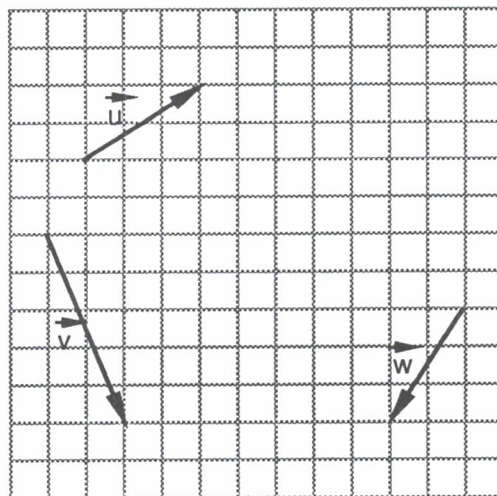
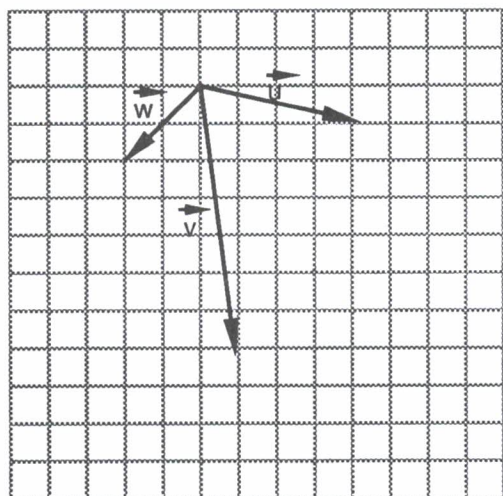
Exercice 3 : Dans chacun des cas suivants construis

le point M tel que $\vec{AM} = \vec{AB} + \vec{AC}$.



2.2 - Propriétés de l'addition des vecteurs. Somme de plus de deux vecteurs.

Exercice 4 : Dans chacun des cas ci-dessous, représente le vecteur $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w}$



Exercice 5 : Simplifie les expressions suivantes :

a) $\vec{HU} + \vec{ZG} + \vec{GH} =$

b) $\vec{XZ} + \vec{YZ} + \vec{ZX} =$

c) $\vec{BC} + \vec{AB} + \vec{DE} + \vec{CD} =$

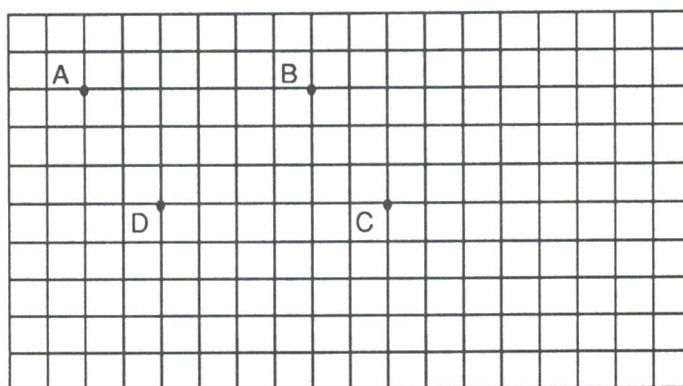
d) $\vec{NP} + \vec{QR} + \vec{MN} + \vec{PQ} =$

Exercice 6 : Exprime de six manières différentes le

vecteur \vec{AB} comme somme de trois vecteurs faisant intervenir les autres points de la figure.



Exercice 7 : ABCD est un parallélogramme. Construis le point M tel que $\vec{AM} = \vec{AB} + \vec{AC} + \vec{AD}$.

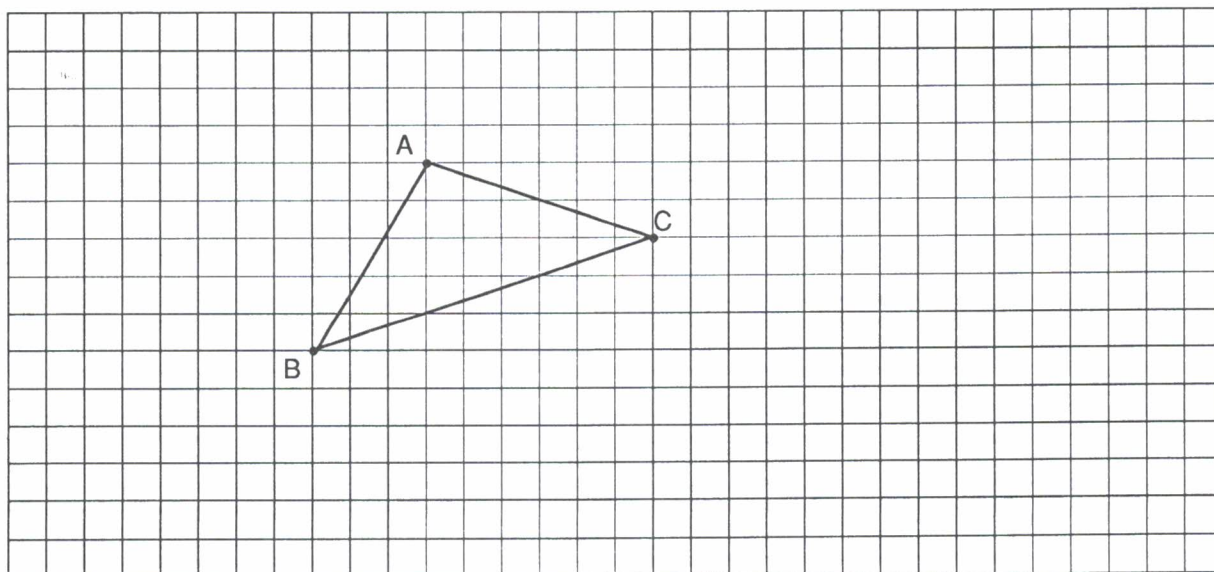


Que vaut le vecteur $\vec{AB} + \vec{AD}$? Déduis-en que C est le milieu de [AM].

Exercice 8 :

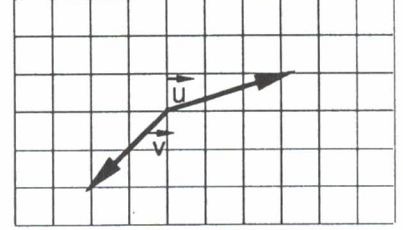
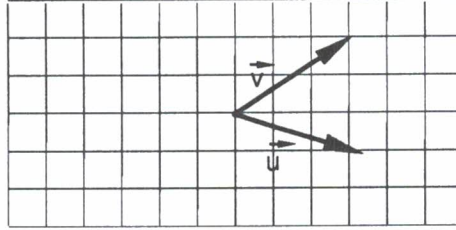
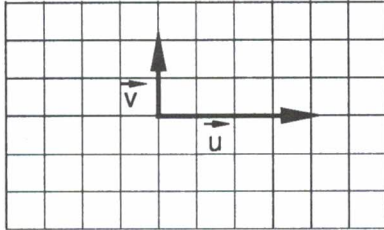
a) Construis sur la figure suivante les points M, N, P tels que

$$\vec{AM} = \vec{AB} + \vec{AC} ; \vec{BN} = \vec{BC} + \vec{BA} ; \vec{CP} = \vec{CA} + \vec{CB} .$$



- b) Construis le point A' tel que $\vec{AA'} = \vec{AM} + \vec{BN} + \vec{CP}$. Que constates-tu ?
Retrouve ce résultat par un calcul.

Exercice 9 : Dans chacun des cas ci-dessous, représente le vecteur \vec{w} tel que $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w} = \vec{0}$.



Exercice 10 : Etant donné quatre points du plan, démontre que l'on a

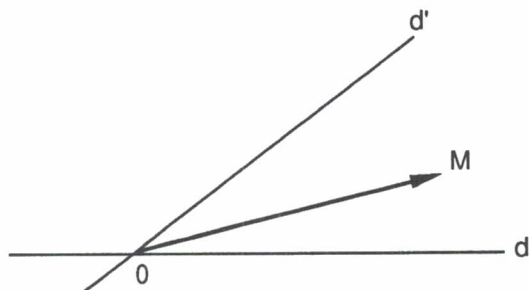
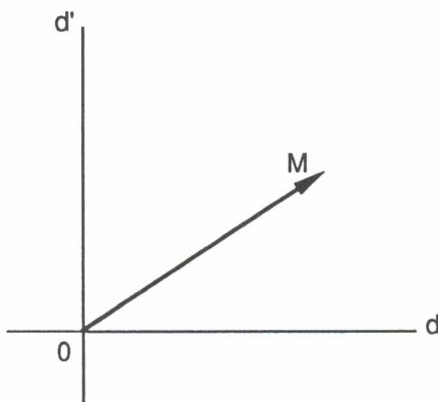
- a) $\vec{AC} + \vec{BD} = \vec{AD} + \vec{BC}$ (on pourra utiliser la décomposition de \vec{AC} en $\vec{AD} + \vec{DC}$) ;
 b) $\vec{DA} + \vec{BC} = \vec{DC} + \vec{BA}$;
 c) $\vec{AB} + \vec{CD} = \vec{AD} + \vec{CB}$;
 d) $\vec{BA} + \vec{CD} = \vec{BD} + \vec{CA}$.

Exercice 11 : A, B, C, D, E et F sont six points du plan. Démontre que l'on a : $\vec{AB} + \vec{CD} + \vec{EF} = \vec{AD} + \vec{CF} + \vec{EB}$.

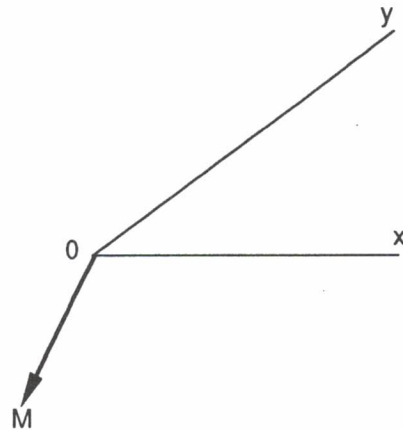
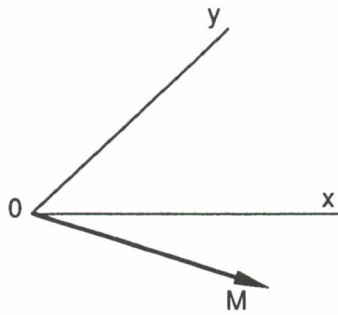
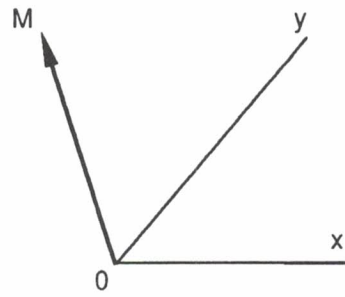
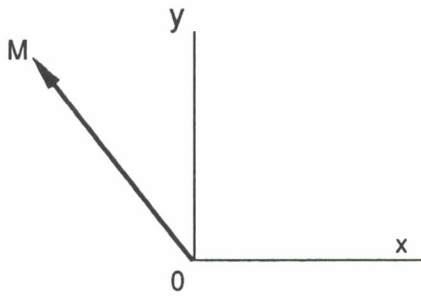
2.3 - Décomposition d'un vecteur en somme de deux vecteurs.

Exercice 12 :

- a) Dans chacun des cas suivants, construis les points P et Q situés respectivement sur d et d' tels que $\vec{OM} = \vec{OP} + \vec{OQ}$.



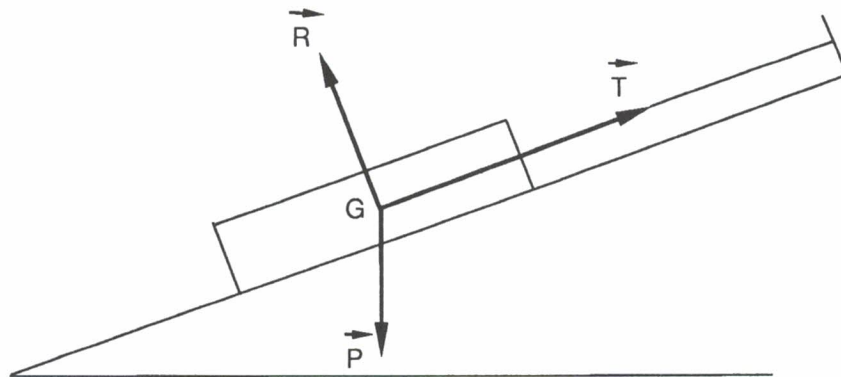
- b) Dans chacun des cas suivants, décompose le vecteur \vec{OM} en la somme d'un vecteur \vec{OP} dont la direction est celle de la droite (Ox) et d'un vecteur \vec{OQ} de direction celle de la droite (Oy).



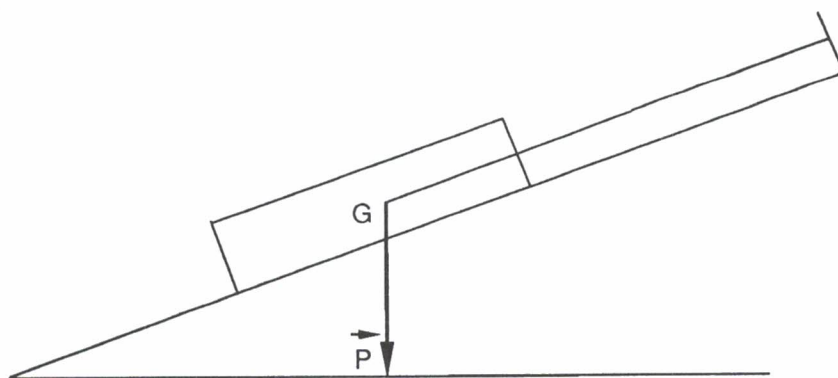
Exercice 13 : La figure ci-dessous représente un chariot sur un plan incliné (sans frottement). Ce chariot est soumis à trois forces : son poids \vec{P} ; la réaction \vec{R} du support (normale au plan) ; la force \vec{T} exercée par le fil qui le retient.

a) Est-ce que le schéma ci-dessous correspond à une situation d'équilibre ?

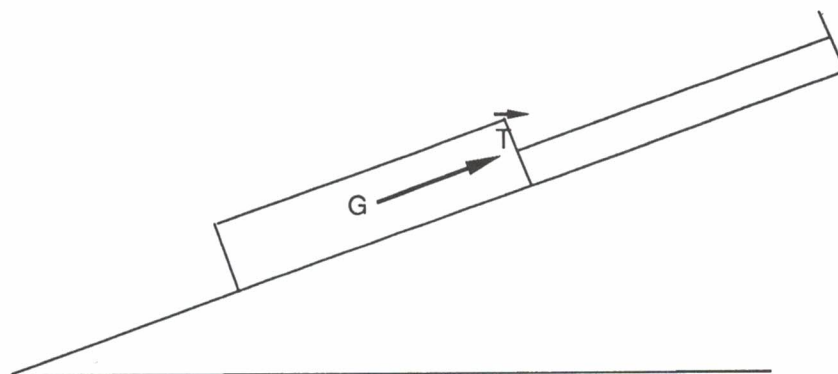
On rappelle que dans ce cas on a : $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0}$. Justifie la réponse.



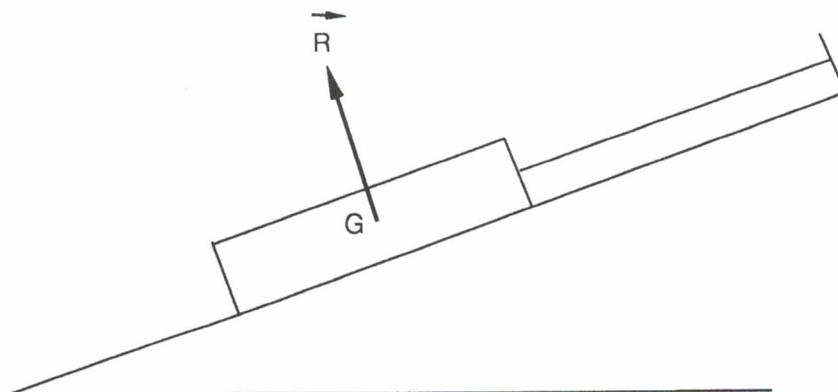
b) On suppose que le chariot est en équilibre. On donne : \vec{P} , placer \vec{R} et \vec{T} (commence par représenter la direction de \vec{R} et celle de \vec{T}).



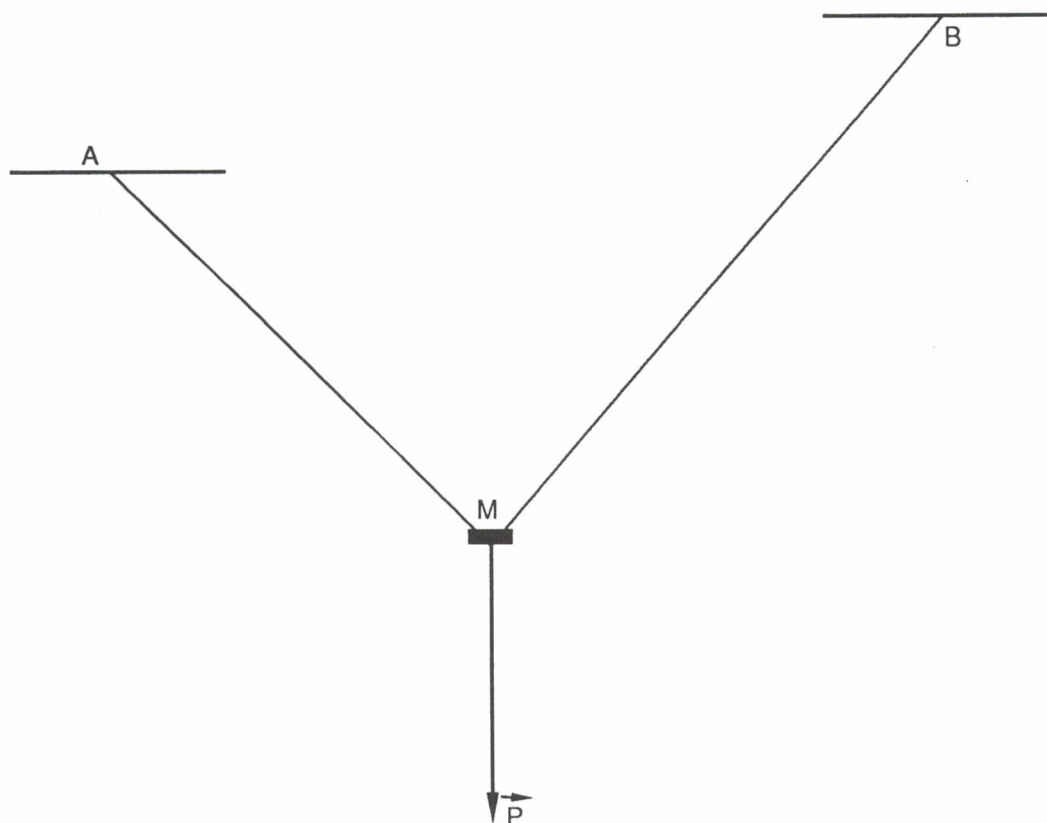
c) On suppose que le chariot est en équilibre. On donne \vec{T} , placer \vec{R} et \vec{P} (représente d'abord la direction de \vec{P} et celle de \vec{R}).



d) On suppose que le chariot est en équilibre. On donne \vec{R} placer \vec{T} et \vec{P} .



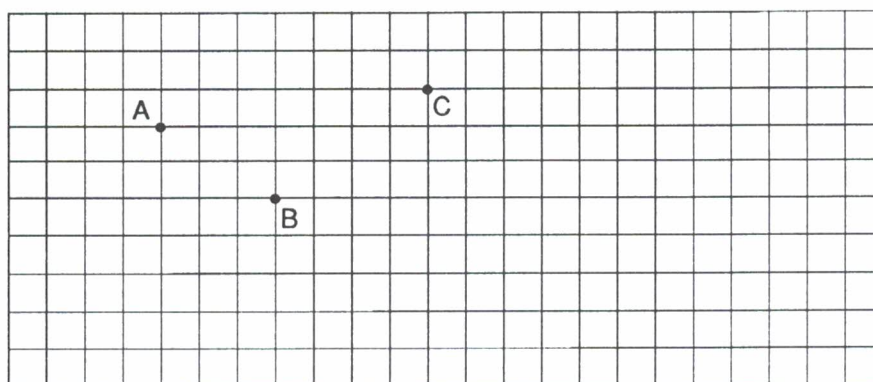
Exercice 14 : La figure ci-dessous schématise un objet suspendu à un fil. Représente les vecteurs \vec{T}_1 et \vec{T}_2 pour que le système soit en équilibre (\vec{T}_1 et \vec{T}_2 ont bien sûr pour direction celle des droites (MA) et (MB)).



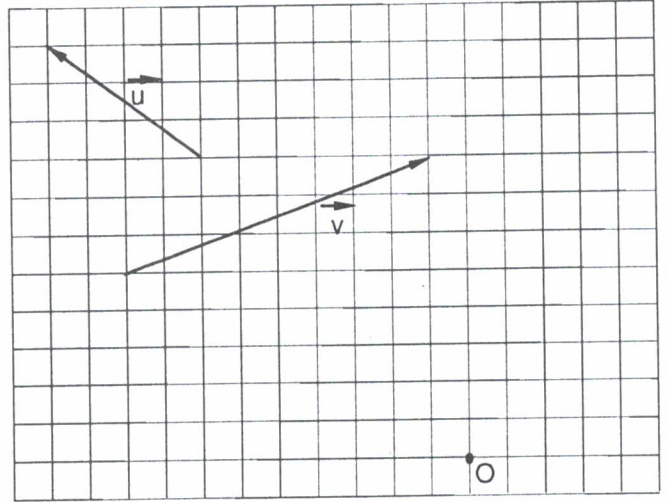
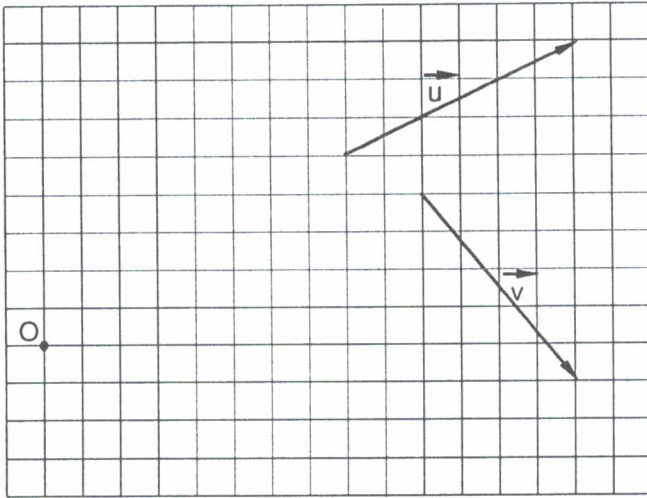
2.4 - Différence de deux vecteurs.

Exercice 15 : Sur le dessin ci-dessous représente les vecteurs \vec{AN} , \vec{BP} , \vec{CQ} définis par :

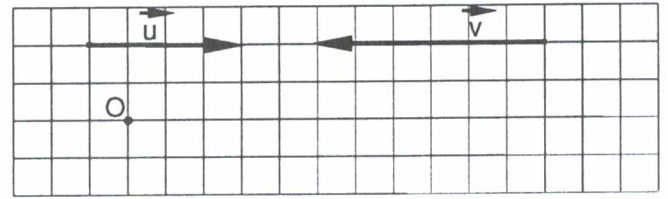
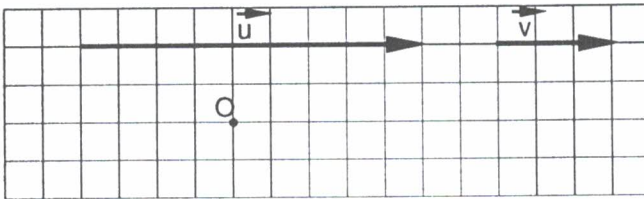
$$\begin{aligned}\vec{AN} &= \vec{AB} - \vec{BC} \\ \vec{BP} &= \vec{BC} - \vec{CA} \\ \vec{CQ} &= \vec{CA} - \vec{AB}\end{aligned}$$



Exercice 16 : Dans chacun des cas suivants, place le point M tel que $\vec{OM} = \vec{u} + \vec{v}$ et le point N tel que $\vec{ON} = \vec{u} - \vec{v}$.



Exercice 17 : Dans chacun des cas suivants représente, à partir du point O, le vecteur $\vec{u} - \vec{v}$.



Exercice 18 : Calcule $(\vec{v} - \vec{u}) + (\vec{u} - \vec{v})$.

Laquelle des six propriétés énoncées sur l'addition des vecteurs te permet de conclure que $\vec{u} - \vec{v} = -(\vec{v} - \vec{u})$?

Exercice 19 : A l'aide de la relation de CHASLES, démontre que $\vec{OB} - \vec{OA} = \vec{AB}$. Illustre ce résultat par une figure.

Exercice 20 : O, A, B sont trois points non alignés tels que $OA = OB$.

a) Construis les points S et D tels que : $\vec{OS} = \vec{OA} + \vec{OB}$ et $\vec{OD} = \vec{OA} - \vec{OB}$.

b) Explique pourquoi OS et OD ont des directions orthogonales.

Exercice 21 : Simplifie :

$$\vec{AB} - \vec{AC} + \vec{BD} =$$

$$\vec{AB} - \vec{CD} + \vec{BD} =$$

$$\vec{BC} - \vec{BD} + \vec{CA} =$$

$$\vec{CD} - \vec{AB} + \vec{DB} =$$

Exercice 22 : Etant donné quatre points A, B, C, D du plan, démontre que l'on a :

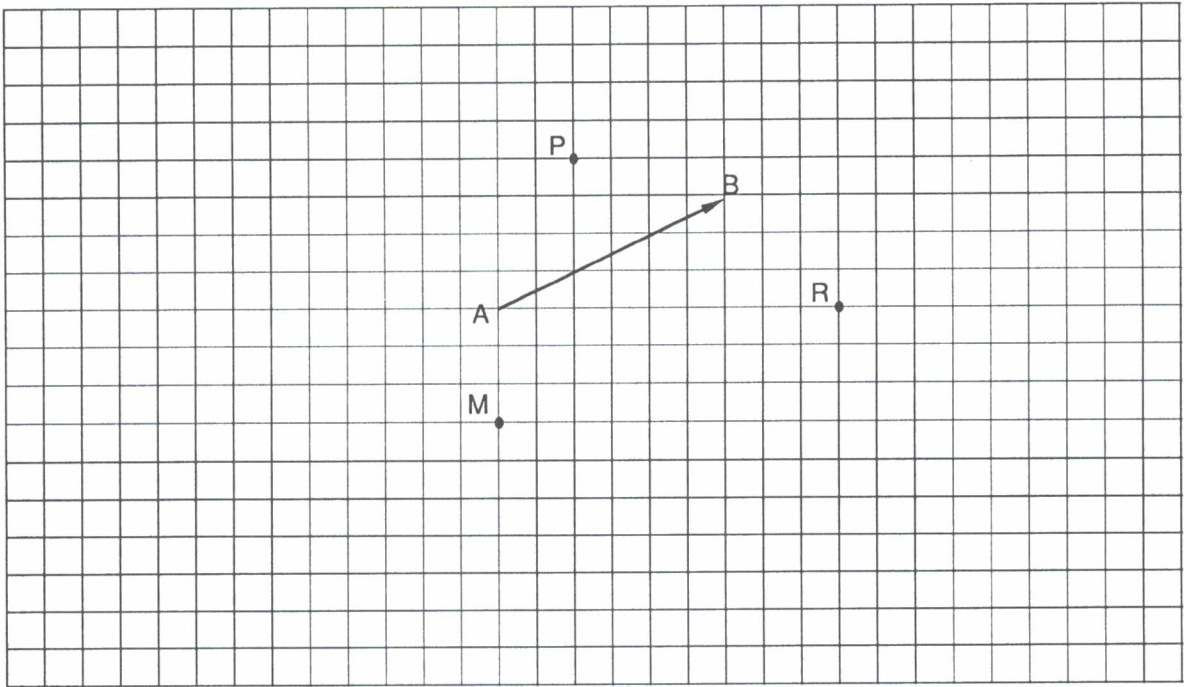
- a) $\vec{AC} - \vec{BD} = \vec{AB} - \vec{CD}$ (tu pourras décomposer \vec{AC} en $\vec{AB} + \vec{BC}$) ;
- b) $\vec{BA} - \vec{CD} = \vec{BC} - \vec{AD}$.

III - Produit d'un vecteur par un nombre réel

3.1 - Définition.

Exercice 1 : Produit d'un vecteur non nul par un nombre réel positif.

- a) Représente en rouge le vecteur \vec{MN} tel que \vec{MN} et \vec{AB} aient même direction et même sens et tel que $MN = 2 AB$. On dit que \vec{MN} est le produit de \vec{AB} par 2 ; on note $\vec{MN} = 2 \vec{AB}$.
- b) Place le point O tel que $\vec{PO} = \frac{1}{2} \vec{AB}$. Représente en rouge le vecteur \vec{PO} .
- c) Place le point S tel que $\vec{RS} = \frac{3}{2} \vec{AB}$. Représente en rouge le vecteur \vec{RS} .

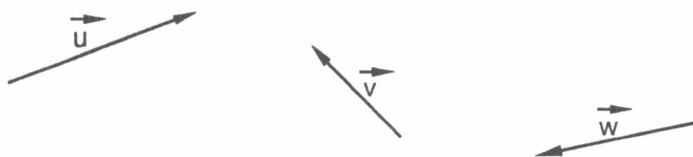


Exercice 2 : Produit d'un vecteur par un nombre réel négatif.

Reprends la figure de l'exercice précédent.

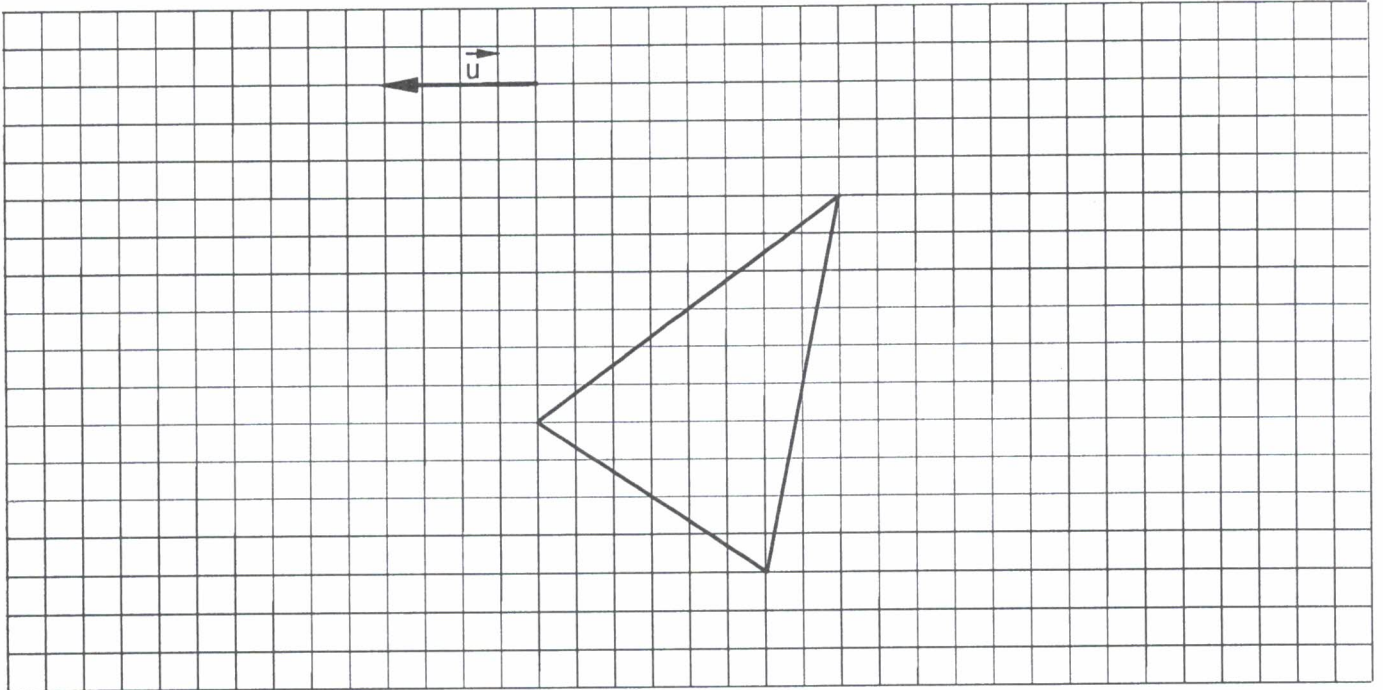
- a) Représente en vert le vecteur \vec{PH} tel que \vec{PH} et \vec{AB} aient même direction et sens contraire et tel que $PH = 2AB$. On dit que \vec{PH} est le produit de \vec{AB} par -2 ; on note $\vec{PH} = (-2) \vec{AB}$.
Observe que \vec{PH} est l'opposé de $2 \vec{AB}$ donc que $\vec{PH} = -(2 \vec{AB})$.
A cause de cela on notera plus simplement $\vec{PH} = -2 \vec{AB}$.
- b) Place le point K tel que $\vec{MK} = (-\frac{3}{2}) \vec{AB}$. Représente en vert le vecteur \vec{MK} .
- c) Place le point L tel que $\vec{RL} = (-\frac{4}{3}) \vec{AB}$. Représente en vert le vecteur \vec{RL} .

Exercice 3 : Sur le dessin ci-dessous représente les vecteurs $(-1) \vec{u}$, $2 \vec{v}$, $(-3) \vec{w}$.



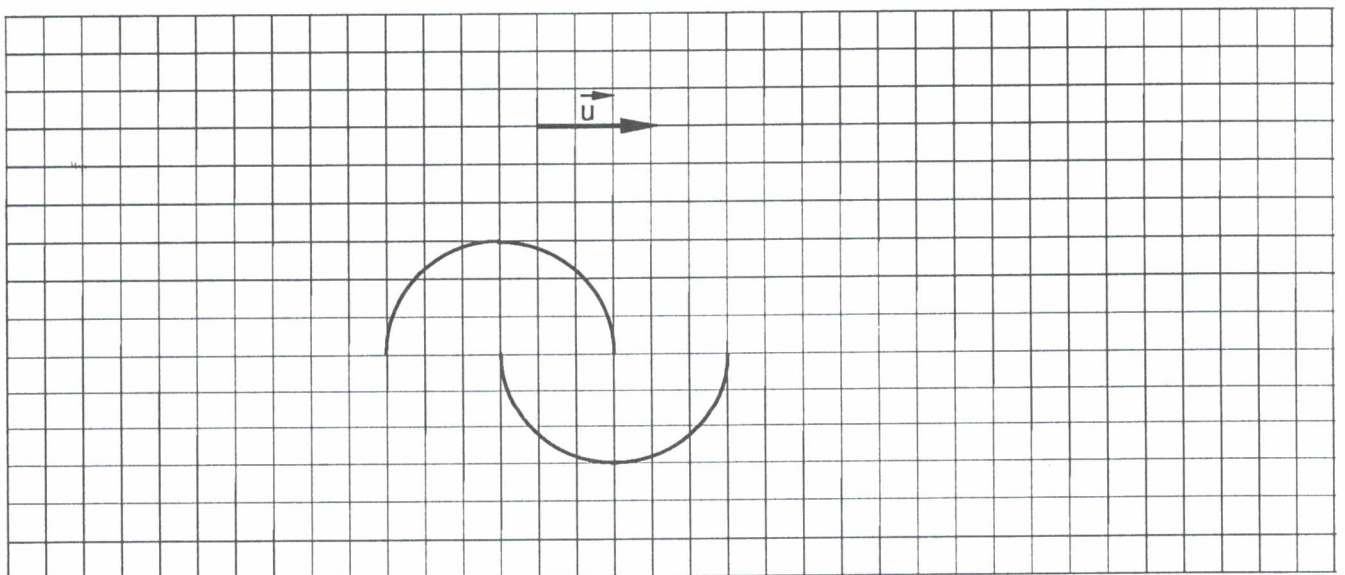
Exercice 4 : Dessine les images du motif ci-dessous par les translations de vecteurs

$(-3)\vec{u}$, $(-2)\vec{u}$, $-\vec{u}$, $2\vec{u}$ et $3\vec{u}$.



Exercice 5 : Dessine les images du motif ci-dessous par les translations de vecteurs

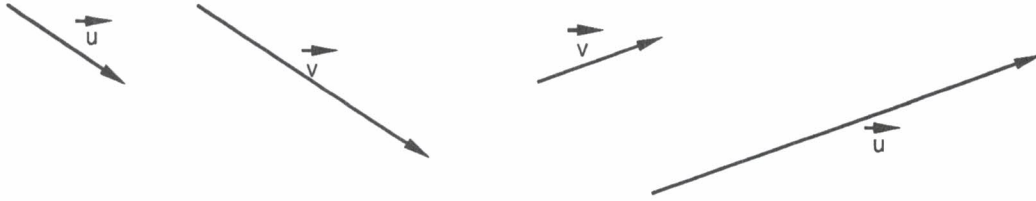
$(-2)\vec{u}$, $-\vec{u}$, \vec{u} , $2\vec{u}$, $3\vec{u}$ et $4\vec{u}$.



Exercice 6 :

Après avoir comparé les normes de \vec{u} et de \vec{v} , complète les égalités dans les deux cas suivants :

a) $\vec{v} = \dots \vec{u}$; $\vec{u} = \dots \vec{v}$ b) $\vec{v} = \dots \vec{u}$; $\vec{u} = \dots \vec{v}$



Exercice 7 : En utilisant le quadrillage, complète les égalités dans chacun des cas suivants.

a)		$\vec{x} = \dots \vec{u}$; $\vec{z} = \dots \vec{u}$; $\vec{z} = \dots \vec{x}$ $\vec{y} = \dots \vec{u}$; $\vec{z} = \dots \vec{y}$; $\vec{y} = \dots \vec{x}$
b)		$\vec{v} = \dots \vec{u}$; $\vec{w} = \dots \vec{u}$ $\vec{r} = \dots \vec{u}$; $\vec{s} = \dots \vec{u}$

3.2 - Lien avec la colinéarité.

Exercice 8 :

a) \vec{U} et \vec{V} sont deux vecteurs colinéaires tels que $\|\vec{U}\| = 2$ et $\|\vec{V}\| = 6$.

Complète les égalités suivantes dans le cas où \vec{U} et \vec{V} sont de même sens :

$$\vec{V} = \dots \vec{U} \quad ; \quad \vec{U} = \dots \vec{V}.$$

Complète les égalités suivantes dans le cas où \vec{U} et \vec{V} sont de sens contraire :

$$\vec{V} = \dots \vec{U} \quad ; \quad \vec{U} = \dots \vec{V}.$$

b) mêmes questions avec $\|\vec{U}\| = 3$ et $\|\vec{V}\| = 5$.

Exercice 9 :

a) Soit \vec{v} un vecteur non nul. Complète si tu le peux les égalités suivantes :

$$\vec{0} = \dots \vec{v} ; \vec{v} = \dots \vec{0}.$$

b) Complète $\vec{0} = \dots \vec{0}$. As-tu plusieurs possibilités ?

c) Que peux-tu dire de \vec{u} si l'égalité $2\vec{u} = 3\vec{u}$ est vraie ?

3.3 - Propriétés.

Exercice 10 : Sachant que $\vec{v} = 3\vec{u}$ et que $\vec{w} = (-2)\vec{v}$, exprime \vec{w} en fonction de \vec{u} . Fais de même dans chacun des cas suivants :

a) $\vec{v} = (-\frac{3}{2})\vec{u}$ et $\vec{w} = (-\frac{4}{3})\vec{v}$.

b) $\vec{v} = \sqrt{2}\vec{u}$ et $\vec{w} = (-\sqrt{32})\vec{v}$.

c) $\vec{u} = (-0,8)\vec{u}$ et $\vec{w} = 125\vec{v}$.

Exercice 11 : \vec{u} et \vec{v} sont deux vecteurs non colinéaires. Que peut-on dire des réels a et b si l'on sait que $a\vec{u} = b\vec{v}$?

Exercice 12 : Simplifie les écritures suivantes :

$$2\vec{u} + \frac{3}{4}\vec{u} =$$

$$2\vec{u} - \frac{10}{3}\vec{u} =$$

$$2\vec{u} - 5\vec{u} + 8\vec{u} =$$

$$\frac{4}{3}\vec{u} - \frac{7}{11}\vec{u} + \frac{10}{33}\vec{u} =$$

$$\frac{1}{3}\vec{u} - \frac{2}{17}\vec{u} - \frac{11}{51}\vec{u} =$$

Exercice 13 : Simplifie les écritures suivantes :

$$2\vec{u} + 5(\vec{u} - 2\vec{v}) - 7(\vec{u} + \vec{v});$$

$$3\vec{u} - 4(\vec{u} + \vec{v}) + 8(\vec{u} - \vec{v});$$

$$7\vec{u} - 3(\vec{u} - \vec{v} + 2\vec{w}) \text{ sachant que } 2\vec{u} - \vec{v} + \vec{w} = \vec{0}.$$

Exercice 14 :

a) A et B sont deux points du plan, on suppose qu'un point M vérifie $\vec{MA} + 3\vec{MB} = \vec{0}$.

Justifie que cette relation est équivalente à $4\vec{AM} = \vec{AB}$.

Déduis-en que l'ensemble des points M du plan tels que $\vec{MA} + 3\vec{MB} = \vec{0}$ est réduit à un point. Construis-le.

b) Construis de même les points P et Q tels que : $2\vec{PA} + 3\vec{PB} = \vec{0}$; $2\vec{QA} - 3\vec{QB} = \vec{0}$.

IV - Configurations usuelles et vecteurs

4.1 - Milieu d'un segment.

Exercice 1 : On considère quatre points A, B, C et D tel que $\vec{AB} = \frac{1}{2}\vec{CD}$.

Soit I tel que $\vec{AI} + \vec{AC} = \vec{0}$.

Démontre que B est le milieu du segment [ID].

Exercice 2 : A, B, C et D étant quatre points du plan, place I tel que $\vec{IA} + \vec{IB} = \vec{0}$, puis le point J tel que

$\vec{JC} + \vec{JD} = \vec{0}$ et enfin le point K tel que $\vec{KI} + \vec{KJ} = \vec{0}$. Démontre que $\vec{KA} + \vec{KB} + \vec{KC} + \vec{KD} = \vec{0}$,

puis que $\vec{AK} = \frac{1}{4}(\vec{AB} + \vec{AC} + \vec{AD})$.

Exercice 3 : Trace un triangle ABC.

a) Construis les points I, J et K définis par :

$$\vec{AI} = \vec{BC} ; \vec{AJ} = \frac{1}{2}\vec{AB} ; \vec{AK} = 2\vec{AB} - \vec{AC}.$$

b) Démontre que J est milieu de [KI].

Exercice 4 : P, Q et R étant trois points du plan, on définit les points A, B et C par :

$$\vec{PA} = 2\vec{PQ} + \frac{1}{2}\vec{QR} ; \vec{PB} = \frac{1}{2}(\vec{PQ} - \vec{PR}) ; \vec{PC} = -\frac{1}{2}\vec{RQ} - 2\vec{PR}.$$

a) Exprime \vec{PA} et \vec{PC} en fonction de \vec{PQ} et de \vec{PR} .

b) Démontre que B est milieu de [AC].

4.2 - Alignement.

Exercice 5 :

a) Trace un triangle ABC. Place J tel que $\vec{AJ} = \frac{2}{3}\vec{AB}$. Place K tel que $\vec{BK} = \frac{1}{2}\vec{BC}$. Place L tel que C soit le milieu de [AL]. Que constates-tu ?

b) Démontre que $\vec{JK} = \frac{1}{2}\vec{BC} - \frac{1}{3}\vec{BA}$.

c) Démontre que $\vec{KL} = \frac{3}{2}\vec{BC} - \vec{BA}$.

d) Peux-tu maintenant expliquer ce que tu avais constaté ? Quels renseignements supplémentaires as-tu obtenus ?

Exercice 6 :

a) Trace un triangle ABC. Place M tel que $\vec{AM} = \frac{1}{3}\vec{AB}$. Place P tel que $\vec{AP} = \frac{2}{3}\vec{AC}$. Place N

tel que $\vec{AN} = \vec{AP} + \vec{AM}$. Que constates-tu ?

b) Démontre que $\vec{BN} = \frac{2}{3}\vec{AC} - \frac{2}{3}\vec{AB}$, puis exprime \vec{BN} en fonction de \vec{BC} . Cela explique-t-il ce que tu avais constaté ? Quels renseignements supplémentaires as-tu ainsi obtenus ?

Exercice 7 : Sur les côtés d'un triangle ABC on place le point I tel que $\vec{AI} = \frac{3}{4} \vec{AB}$, J tel que $\vec{BJ} = -\frac{1}{5} \vec{BC}$ et K tel que $\vec{CK} = \frac{2}{3} \vec{CA}$.

a) Démontre que $\vec{IK} = -\frac{3}{4} \vec{AB} + \frac{1}{3} \vec{AC}$.

b) Démontre que $\vec{IJ} = \frac{1}{4} \vec{AB} - \frac{1}{5} \vec{BC}$ puis que $\vec{IJ} = \frac{9}{20} \vec{AB} - \frac{1}{5} \vec{AC}$.

c) Démontre que les points I, J et K sont alignés.

Exercice 8 : Trace un triangle ABC.

a) Place le point M tel que $\vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{AB}$, et le point N tel que $\vec{BN} = \frac{2}{3} \vec{BC}$.

b) Démontre que $\vec{MN} = \frac{2}{3} \vec{AC}$.

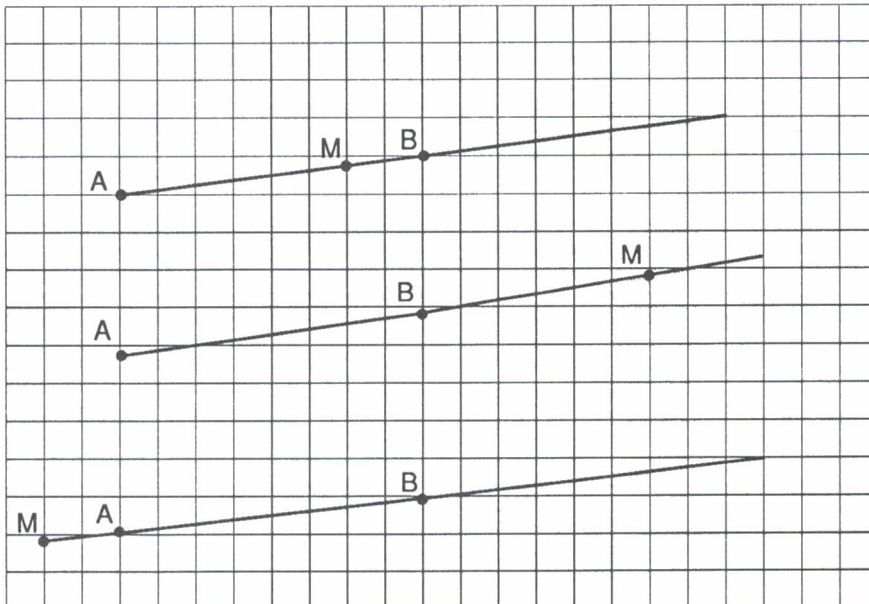
c) Place le point I tel que $\vec{AI} = \frac{3}{5} \vec{AN}$.

d) Détermine deux réels x et y tels que $\vec{AI} = x \vec{AC} + y \vec{CB}$.

e) Détermine deux réels z et t tels que $\vec{CI} = z \vec{CA} + t \vec{CB}$.

f) Démontre que C, I et M sont alignés.

Exercice 9 : Pour chacune des situations ci-dessous, détermine k réel tel que $\vec{AM} = k \vec{AB}$.



4.3 - Droite - Demi-droite - Segment.

Exercice 10 : Représente ci-dessous :

a) en rouge, l'ensemble des points M du plan tels que $\vec{AM} = k \vec{AB}$ avec $0 \leq k \leq 1$.

b) en bleu, l'ensemble des points M du plan tels que $\vec{AM} = k \vec{AB}$ avec $k < 0$.

c) en vert, l'ensemble des points M du plan tels que $\vec{AM} = k \vec{AB}$ avec $k > 1$.

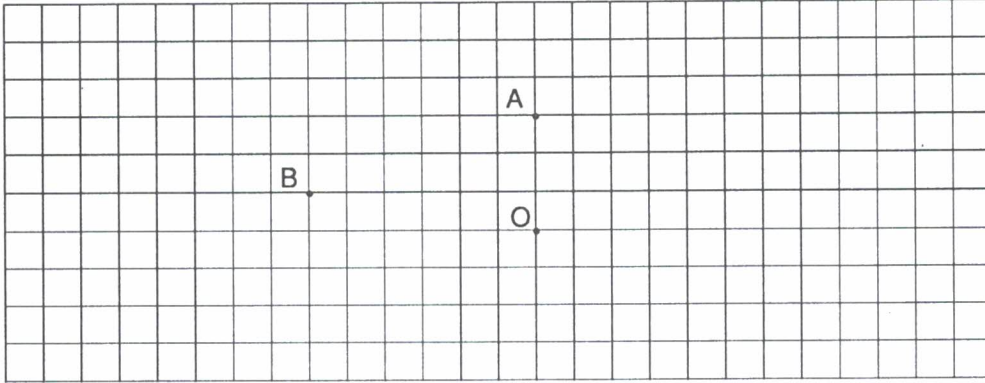
A
x

B
x

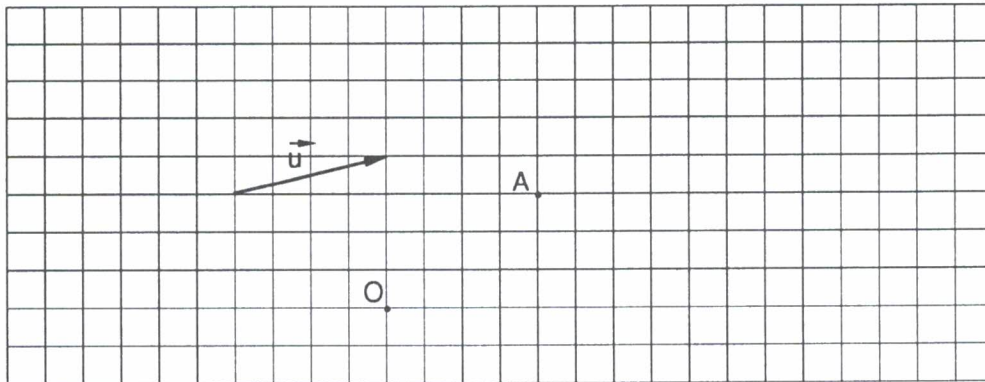
Exercice 11 : Représente ci-dessous l'ensemble des points M du plan tels que $\vec{AM} = k \vec{AB}$ avec $-2 \leq k \leq 1$.

$\begin{matrix} B & & A \\ x & & x \end{matrix}$

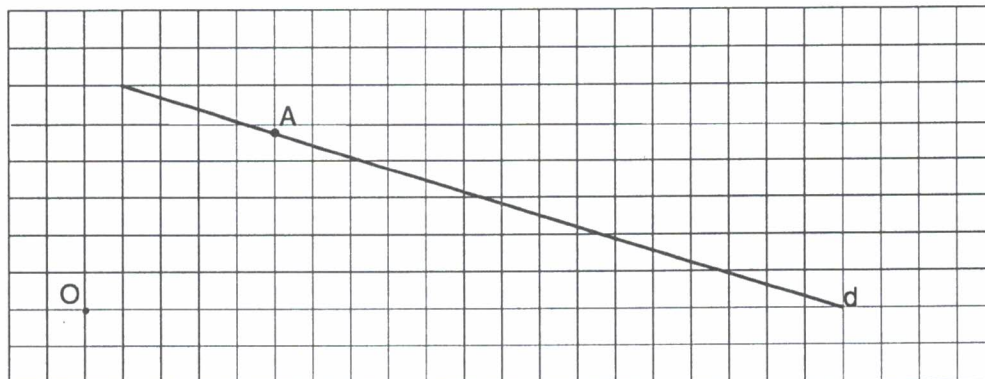
Exercice 12 : Représente ci-contre l'ensemble des points M du plan tels que $\vec{OM} = \vec{OA} + k \vec{AB}$ avec $k > 0$.



Exercice 13 : Représente ci-contre l'ensemble des points M du plan vérifiant $\vec{OM} = \vec{OA} + k \vec{u}$ avec $-1 \leq k \leq 2$.



Exercice 14 : Représente sur le quadrillage ci-dessous un vecteur \vec{u} tel que la droite d puisse se décrire comme l'ensemble des points M du plan vérifiant $\vec{OM} = \vec{OA} + k \vec{u}$ avec k réel.



As-tu plusieurs possibilités ?

4.4 - Parallélogramme.

Exercice 15 : ABCD est un parallélogramme de centre O.

- a) Construis les points I, J, K, L définis par $\vec{AI} = 3 \vec{AB}$; $\vec{BJ} = 3 \vec{BC}$; $\vec{CK} = 3 \vec{CD}$ et $\vec{DL} = 3 \vec{DA}$.
- b) Démontre que DJBL est un parallélogramme.
- c) Exprime le vecteur \vec{IJ} en fonction des vecteurs \vec{AB} et \vec{AD} .
Démontre que IJKL est un parallélogramme.
- d) Démontre que O est aussi le centre de IJKL.

Exercice 16 : ABCD est un parallélogramme, k étant un nombre réel non nul, on définit les points P, Q, R et S par $\vec{AP} = k \vec{AB}$, $\vec{BQ} = k \vec{BC}$, $\vec{CR} = k \vec{CD}$ et $\vec{DS} = k \vec{DA}$.

- a) Fais la figure pour $k = -2$.
- b) Démontre dans le cas général que PQRS est un parallélogramme.

4 5 - Centre de gravité d'un triangle.

Exercice 17 : Soit ABC un triangle.

- a) Le but de la question est de trouver tous les points M du plan tel que $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} = \vec{0}$.
Démontre que $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} = \vec{0}$ équivaut à $\vec{AM} = \frac{1}{3} (\vec{AB} + \vec{AC})$.
Il existe donc, un et un seul point M, tel que $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} = \vec{0}$. Construis ce point.
- b) Soit A' le milieu de [BC]. Montre que M, A et A' sont alignés.
- c) B' et C' sont les milieux respectifs de [AC] et [BA].
Montre de même que M, B et B' sont alignés, puis les points M, C et C'.
- d) Explique pourquoi les résultats obtenus en b) et c) permettent de justifier que les médianes d'un triangle sont concourantes. (Ce point de concours est appelé centre de gravité du triangle).

Exercice 18 : MAB est un triangle ; D est le point tel que MBDA est un parallélogramme et C le symétrique de D par rapport à M.

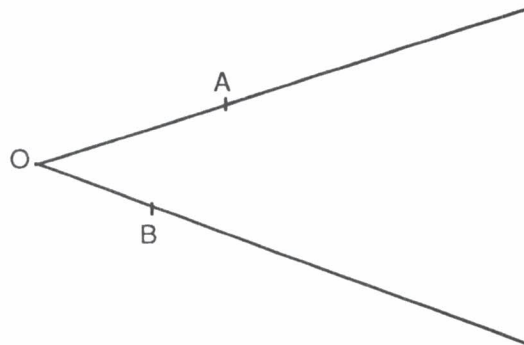
1°) Montre que $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} = \vec{0}$.

2°) Soit I le milieu de [BC] et J le milieu de [AC].

Démontre que A, M et I sont alignés et que B, M et J sont alignés.

4.6 - Parallélisme.

Exercice 19 : Place sur la figure ci-dessous les points A', B' vérifiant $\vec{OA'} = -2 \vec{OA}$, $\vec{OB'} = -2 \vec{OB}$

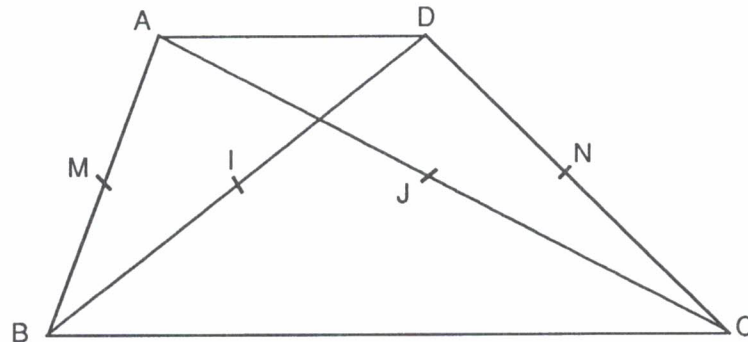


Exprime les vecteurs \vec{AB} et $\vec{A'B'}$ en fonction des vecteurs \vec{OA} et \vec{OB} .
Dédus-en que les droites (AB) et (A'B') sont parallèles.

Exercice 20 : ABCD est un trapèze quelconque, M, N, I, J sont les milieux respectifs de [AB], [DC], [BD], [AC].

a) Exprime \vec{MN} en fonction de \vec{AD} et \vec{BC} (tu pourras partir de la décomposition $\vec{MN} = \vec{MI} + \vec{IN}$).

b) Exprime de même \vec{IJ} en fonction de \vec{AD} et \vec{BC} .



Exercice 21 : Soit EFG un triangle et M et N les points définis par $\vec{EM} = -\frac{2}{7}\vec{EF}$ et $\vec{GN} = \frac{9}{7}\vec{GE}$.

a) Fais une figure à main levée.

b) Démontre que les droites (MN) et (FG) sont parallèles.

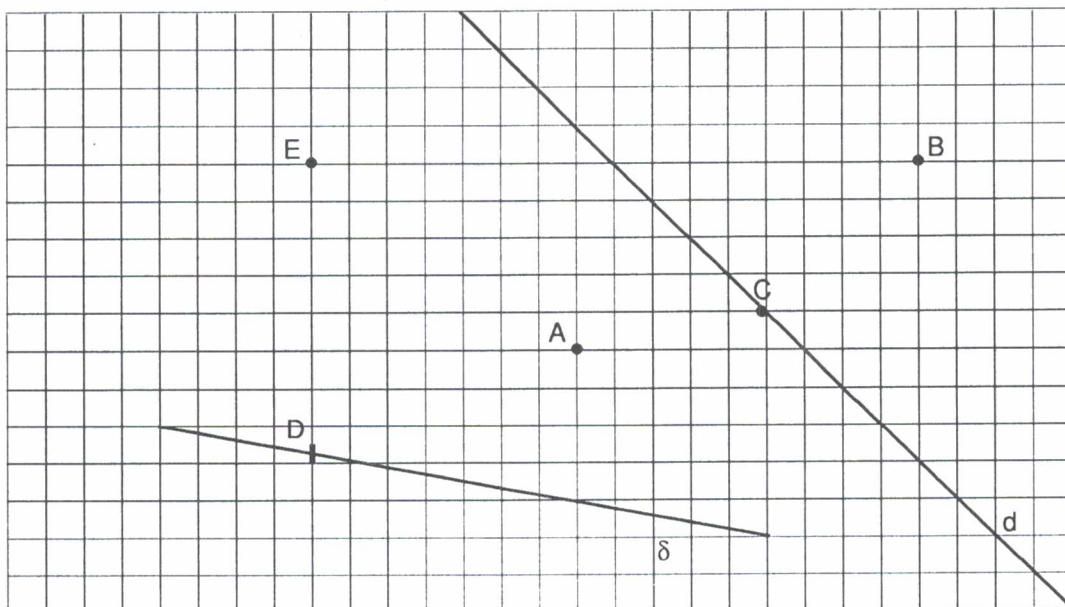
Exercice 22 : OAB est un triangle, A' et B' sont les points du plan définis par $\vec{AA'} = \sqrt{2}\vec{OA}$ et $\vec{BB'} = \sqrt{2}\vec{OB}$.

a) Fais une figure à main levée.

b) Démontre que les droites (AB) et (A'B') sont parallèles.

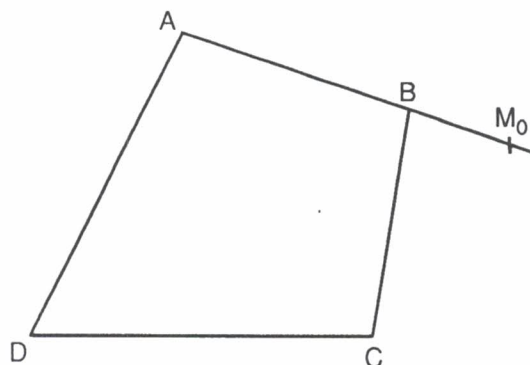
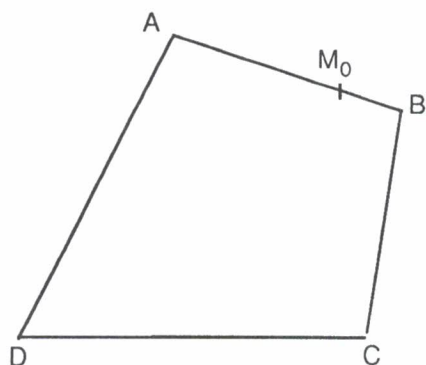
4.7 - Projection parallèle.

Exercice 23 : Sur la figure ci-dessous, construis les projetés A', B', C', D', E' des points A, B, C, D, E sur d selon la direction de δ .



Exercice 24 : Sur chacune des figures ci-dessous, place les points M_1, M_2, M_3, M_4 ainsi définis :

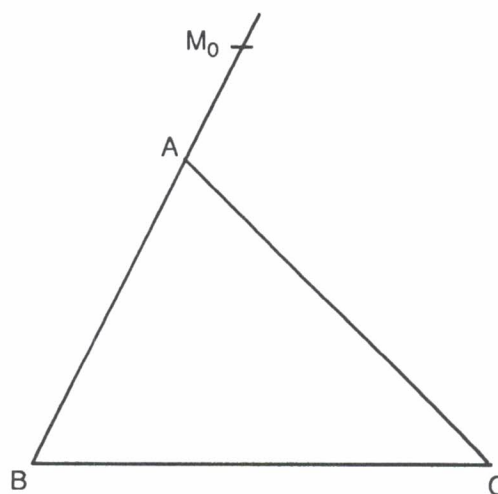
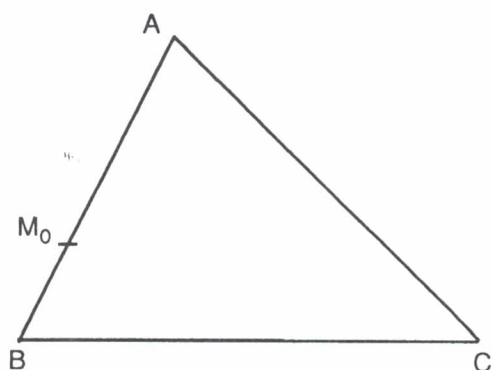
M_1 est le projeté de M_0 sur (BC) selon la direction de (AC) ,
 M_2 est le projeté de M_1 sur (CD) selon la direction de (BD) ,
 M_3 est le projeté de M_2 sur (DA) selon la direction de (AC) ,
 M_4 est le projeté de M_3 sur (AB) selon la direction de (BD) .



Remarque : Le résultat observé sera justifié à l'exercice n° 30.

Exercice 25 : Sur chacune des figures ci-dessous, place les points $M_1, M_2, M_3, M_4, M_5, M_6$ ainsi définis :

M_1 est le projeté de M_0 sur (BC) selon la direction de (AC) ,
 M_2 est le projeté de M_1 sur (CA) selon la direction de (BA) ,
 M_3 est le projeté de M_2 sur (AB) selon la direction de (CB) ,
 M_4 est le projeté de M_3 sur (BC) selon la direction de (AC) ,
 M_5 est le projeté de M_4 sur (CA) selon la direction de (BA) ,
 M_6 est le projeté de M_5 sur (AB) selon la direction de (CB) .



Remarque : Le résultat observé sera justifié à l'exercice n° 29.

Traduction vectorielle du théorème de THALES dans le triangle.

Exercice 26 : Soit ABC un triangle, O un point n'appartenant pas aux droites (AB) , (AC) et (BC) , et A' le point tel que $\vec{OA'} = \frac{2}{3} \vec{OA}$. La parallèle à (AB) passant par A' coupe (OB) en B' et la parallèle à (BC) passant par B' coupe (OC) en C' .

En considérant les vecteurs \vec{AC} et $\vec{A'C'}$, démontre que les droites (AC) et $(A'C')$ sont parallèles.

Exercice 27 : Soit un triangle ABC, B' le milieu de [AC] et le point D tel que $\vec{BD} = \frac{1}{3} \vec{BC}$. Les parallèles menées par D aux droites (AC) et (AB) coupent respectivement (AB) et (AC) en M et N.

Démontre que les droites (MN) et (BB') sont parallèles.

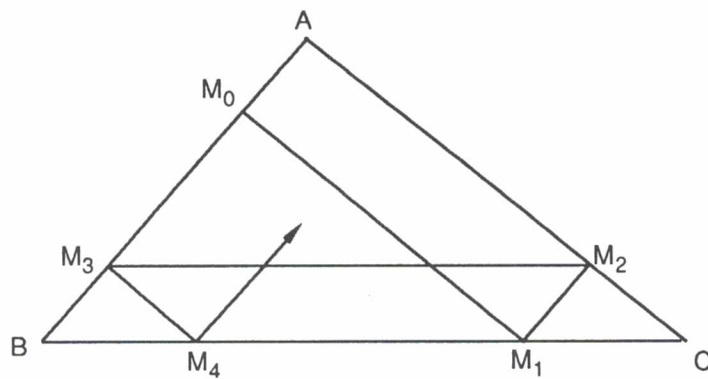
Exercice 28 : Soit ABCD un parallélogramme, E et F les points tels que $\vec{AE} = \frac{1}{3} \vec{AC}$ et $\vec{CF} = \frac{1}{3} \vec{CA}$.

a) Démontre que (DE) est parallèle à (BF).

b) (DE) coupe (AB) en I et (BF) coupe (DC) en J. Démontre que I est le milieu de [AB] et que J est le milieu de [DC].

Propriété vectorielle de la projection parallèle

Exercice 29 : Nous reprenons ici la configuration de l'exercice 25.

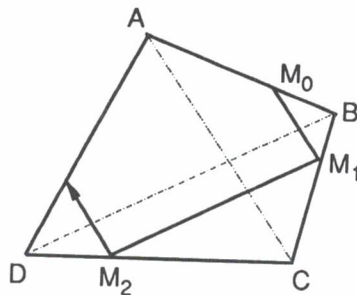


Notons k le réel tel que $\vec{AM}_0 = k \vec{AB}$.

A chaque étape de la construction, écris la relation vectorielle traduisant la projection effectuée.

Démontre ainsi que l'on a bien $M_6 = M_0$.

Exercice 30 : Nous reprenons ici la configuration de l'exercice 24.



Notons k le réel tel que $\vec{AM}_0 = k \vec{AB}$.

A chaque étape de la construction, écris la relation vectorielle traduisant la projection effectuée.

Démontre ainsi que l'on a bien $M_4 = M_0$.

V Mesure algébrique d'un vecteur sur un axe

5.2 - Mesure algébrique.

Exercice 1 : Place sur l'axe ci-dessous les points B, C, D et E tels $\overline{AB} = 3, \overline{AC} = -4, \overline{CD} = 6$ et $\overline{DE} = -7/2$.



Exercice 2 : Détermine pour chacun des cas suivants l'ensemble des points M de (d) tels que

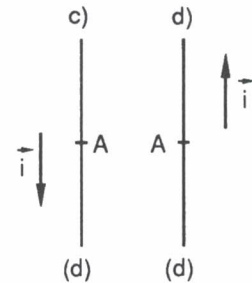
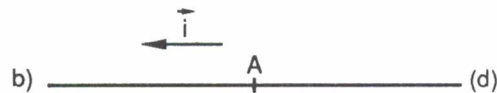
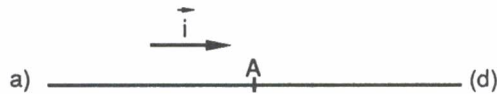
a) $MA = 3$



b) $\overline{MA} = 3$



Exercice 3 : Dans chacun des 4 cas suivants détermine l'ensemble des points M de (d) tel que $\overline{AM} \geq 0$.



Exercice 4 :

a) Soit (d, \vec{i}) un axe et M, N, P et Q des points de (d) tels que $M \neq N$ et $P \neq Q$. Justifie que \overline{MN} et \overline{PQ} sont des nombres de même signe si, et seulement si, les vecteurs \vec{MN} et \vec{PQ} sont de même sens.

b) Représente pour chacun des cas suivants l'ensemble des points M de (d) tels que :

\overline{MA} et \overline{MB} sont de même signe



$\overline{MA} \cdot \overline{MB} < 0$



$\overline{AM} / \overline{AB} > 0$



Relation de Chasles

Exercice 5 : Détermine dans chacun des cas suivants l'ensemble des points M de (d) tels que :

a) $MA = MB$.

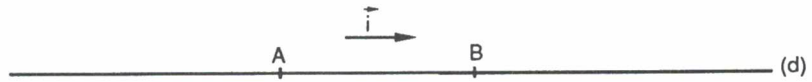


b) $\overline{MA} = \overline{MB}$.



Exercice 6 : Détermine dans chacun des cas suivants l'ensemble des points M de (d) tels que :

a) $MA + MB = AB$.



b) $\overline{MA} + \overline{MB} = \overline{AB}$.

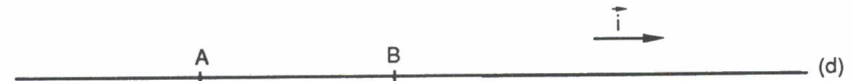


c) $\overline{AM} + \overline{MB} = \overline{AB}$.

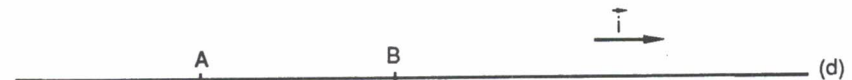


Exercice 7 : Détermine dans chacun des cas suivants l'ensemble des points M de (d) tels que:

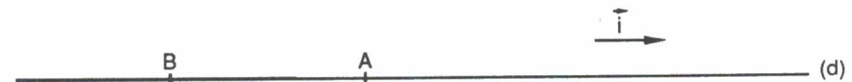
a) $MA > MB$.



b) $\overline{MA} > \overline{MB}$.



c) $\overline{MA} > \overline{MB}$.



Exercice 8 : Soit (d, \vec{i}) un axe, deux points A et B distincts de (d), I étant le milieu de [AB], démontre que, pour tout point M de (d) $\overline{MA} + \overline{MB} = 2\overline{MI}$.



Exercice 9

a) Démontre que quels que soient les points M et N de (d) on a $(\overline{MN})^2 = MN^2$.

b) I étant le milieu de [AB], détermine et représente l'ensemble des points M tels que $\overline{MA} \cdot \overline{MB} = 3\overline{IA}^2$.

(indication: on pourra montrer au préalable que $\overline{MA} \cdot \overline{MB} = \overline{MI}^2 - \overline{IA}^2$).



VI - Repères - Bases

6.1 - Repères d'une droite.

Exercice 1 : Soit (d) la droite de repère (O, \vec{u}) . Place les points I, J, K, L d'abscisses respectives $x_I = 1$; $x_J = \frac{5}{2}$; $x_K = -\frac{3}{4}$ et $x_L = -2$.



Exercice 2 :



Dans le repère (A, \vec{AB}) , calculer l'abscisse de A, B, C, D, E et F.

Dans le repère (C, \vec{CD}) , calculer l'abscisse de A, B, C, D, E et F.

Exercice 3 :

a) Place sur la droite (d) munie du repère (O, \vec{i}) les points M, N, P et Q d'abscisses $x_M = 2$; $x_N = -\frac{3}{4}$;

$x_P = \frac{9}{2}$ et $x_Q = -\frac{17}{4}$.

b) Exprime en fonction de \vec{i} les vecteurs \vec{OM} , \vec{ON} puis \vec{MN} .

c) Même question pour \vec{OP} , \vec{OQ} puis \vec{QP} .

d) Calculer l'abscisse du milieu I de [MN] et celle de J milieu de [QP].



Exercice 4 : Une droite est munie d'un repère (O, \vec{i}) où \vec{i} est unitaire. On considère les points A, B, C et D d'abscisses respectives 3, $-\frac{7}{2}$, $\frac{3}{4}$ et -1 . Déterminer par leur abscisse l'ensemble des points M dans chacun des cas suivants :

a) $2\vec{MA} + \vec{MB} = \vec{1}$;

b) $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} = \vec{0}$;

c) $\vec{MA} / \vec{MC} = 2$;

d) $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = \vec{MC} \cdot \vec{MD}$.

6.2 - Repères du plan.

Coordonnées d'un point dans un repère (O, \vec{i}, \vec{j})

Exercice 5 : Le plan est rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) .

1) Construis les points A, B, C tel que $\vec{OA} = 2\vec{i} + 3\vec{j}$; $\vec{OB} = -\vec{i} + \vec{j}$; $\vec{OC} = 4\vec{j}$.

Détermine les coordonnées de A, B, C dans (O, \vec{i}, \vec{j}) .

2) Exprime \vec{AB} et \vec{CA} en fonction de \vec{i} et \vec{j} .

3) Soit D le point tel que $\vec{OD} = \vec{AB}$. Quelles sont les coordonnées de D ?

Exercice 6 : Le plan est rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) .

Construis les points R (2, -3) ; S (1, 4) ; T (-1, 0).

Exprime les vecteurs \vec{OR} , \vec{OS} , \vec{OT} en fonction de \vec{i} et \vec{j} . Puis les vecteurs \vec{RS} et \vec{ST} .

Coordonnées d'un vecteur dans une base (\vec{i}, \vec{j})

Exercice 7 : Dans un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère le point A (-1, 2).

1) Soit le vecteur \vec{u} (2,3) et la droite (D) passant par A et de vecteur directeur \vec{u} . Place le point B tel que $\vec{AB} = 2\vec{i}$; place le point C tel que $\vec{BC} = 3\vec{j}$. Justifie que (D) = (AC).

2) Construis la droite (D') passant par A et de vecteur directeur \vec{v} (-3, 1).

3) Construis la droite (D'') passant par A et de vecteur directeur \vec{w} (900, 450).

Exercice 8 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) , on considère les points A (-3 ; 2/3), B (-2 ; 11/3), C (0 ; 3), D (1 ; 6) et E (-2 ; -3).

1) Démontre que ABCD est un parallélogramme.

2) Trouve les coordonnées du point F tel que ABFE soit un parallélogramme.

3) Détermine les coordonnées des milieux de [BF] et [AC]. Qu'en déduis-tu ?

Exercice 9 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère les points A (-3 ; -4), B (1 ; -8) et C (5 ; 6). G est un point de coordonnées (x ; y).

1) On pose $\vec{u} = \vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC}$. Exprime les coordonnées de \vec{u} en fonction de x et y.

2) Détermine les coordonnées du centre de gravité du triangle ABC.

Exercice 10 : Dans un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère le point A (-3, 1), le vecteur \vec{u} (2,6) et la droite (d) (A, \vec{u}).

1) Représente la droite (d).

2) Construis à partir de A, le représentant du vecteur directeur de (d) dont la première coordonnée est 1.

Traduction analytique de la colinéarité.

Exercice 11 : Dans un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) , place les points A (-1,3), B (1,1) et C (4, -2).

a) calcule les coordonnées des vecteurs \vec{AB} et \vec{AC} . Démontre l'alignement des points A, B, C.

b) On considère le point E (x, -3). Détermine x pour que les points A, B, E soient alignés.

Exercice 12 : Le plan étant rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère les points A (734 ; -2202), B (1101 ; 734), C (367 ; 1835) et D (-1468 ; 1101).

1) ABCD est-il un trapèze ?

2) Soit E (4037 ; 3303). Les points D, C et E sont-ils alignés ?

Exercice 13 : ABC est un triangle, M le point tel que $\vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{AB}$, P le point tel que $\vec{AP} = \frac{2}{3} \vec{AC}$ et N le point tel que $\vec{AN} = \vec{AP} + \vec{AM}$. Dans le repère (A, \vec{AB} , \vec{AC}), détermine les coordonnées de M, P et N. Calcule les coordonnées de \vec{NB} et \vec{NC} . Démontre que \vec{NB} et \vec{NC} sont colinéaires. Conclus.

6.3 - Repères orthonormaux.

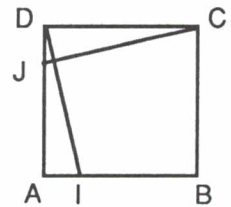
Exercice 14: Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i} , \vec{j}), on considère les points A, B, C, D de coordonnées respectives (-2,0), (1, -3), (6,2), (3,5). Démontre que le quadrilatère ABCD est un rectangle.

Exercice 15 : Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i} , \vec{j}), on considère les points P, Q, R et S : P(2 + $\sqrt{5}$; 3), Q(1; 2 + $\sqrt{5}$), R(2 - $\sqrt{5}$; 1) et S(3; 2 - $\sqrt{5}$), démontre que le quadrilatère PQRS est un losange, est-ce un carré ? Dans chacun des cas suivants, caractérise précisément la nature du quadrilatère PQRS.

P(-1; -2 - $\sqrt{5}$), Q($\sqrt{5}$; -2), R(1; 2 + $\sqrt{5}$) et S(- $\sqrt{5}$; 2).
P(- $\sqrt{2}$; 1 - $\sqrt{2}$), Q(2 - $\sqrt{7}$; 1 + $\sqrt{7}$), R(2 + $\sqrt{2}$; 3 + $\sqrt{2}$) et S($\sqrt{7}$; 3 - $\sqrt{7}$).

Exercice 16 : ABCD est un carré et I et J les points tels que $\vec{AI} = \frac{1}{3} \vec{AB}$ et $\vec{DJ} = \frac{1}{3} \vec{DA}$.

- 1) Dans le repère (A, \vec{AB} , \vec{AD}), calcule les coordonnées des points C, D, I et J.
- 2) Démontre que les droites (ID) et (CJ) sont perpendiculaires.

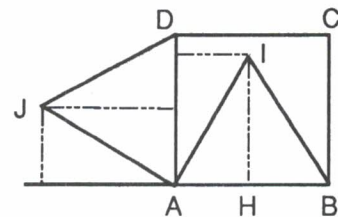


Exercice 17 : ABCD est un carré. On construit à l'intérieur du carré le triangle équilatéral ABI et à l'extérieur du carré, le triangle équilatéral DAJ.

- 1) On note H le milieu de [AB] calcule IH.

En déduire les coordonnées de I dans le repère (A, \vec{AB} , \vec{AD}).

- 2) Calcule de même celles de J.
- 3) Démontre que les points C, I et J sont alignés.



Exercice 18: Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i} , \vec{j}), on considère les points A(101; -22), B(107; -19) et C(102, - $\frac{33}{2}$).

- a) Démontre que le triangle ABC est isocèle.
- b) Détermine les coordonnées du point D pour que le quadrilatère ACBD soit un losange.

Exercice 19 : Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i} , \vec{j}), soient les points M(3; -6) et N(2 $\sqrt{5}$; -5).

- a) Démontre que OM = ON.
- b) Vérifie par un calcul que $\vec{OM} + \vec{ON}$ est orthogonal à $\vec{OM} - \vec{ON}$. Pouvais-tu prévoir ce résultat géométriquement?

Exercice 20 : Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i} , \vec{j}), on considère les points A(-1; 3), B(-3; -1) et C(2; 2).

On note P un point de coordonnées (x; y) tel que \vec{AP} soit orthogonal à \vec{BC} et \vec{BP} colinéaire \vec{BC} .

- 1) Construis P. Que représente-t-il ?
- 2) Détermine par le calcul les coordonnées du point P. Calcule AP.
- 3) M étant un point quelconque de la droite (BC), justifie que AM \geq AP. La distance AP s'appelle la distance du point A à la droite (BC).
- 4) Calcule de même la distance de B à la droite (AC).

Exercice 21 : Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i}, \vec{j}) , on considère les points $A(-2 ; -3)$ et $B(4 ; 5)$.

1) Le point $C(3 ; -1/2)$ est-il situé sur la médiatrice de $[AB]$? Même question pour le point $D(11, -7)$.

2) Trouve une relation entre les coordonnées $(x ; y)$ d'un point M pour que ce point soit sur la médiatrice de $[AB]$

a) En traduisant que M est équidistant de A et de B .

b) En traduisant que \vec{IM} est orthogonal à \vec{AB} , avec I milieu de $[AB]$.

Exercice 22 : Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i}, \vec{j}) , on considère les points $A(1 ; -1)$, $B(9 ; 3)$, $M(18 ; -3)$ et $N(10 ; 14)$.

1) Les points M et N sont-ils symétriques par rapport à la droite (AB) ?

2) En est-il de même avec les points $P(7 ; -3)$ et $Q(3 ; 5)$?

VII Equations de droites

Exercice 1 : Dans un plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) , on considère le point $A(3,1)$ et le vecteur $\vec{t}(2, -1)$. Soit M un point de coordonnées (x,y) .

1) Trouve une relation entre x et y permettant de décider si M appartient à la droite (d) passant par A et de vecteur directeur \vec{t} .

(Indication : traduis la colinéarité des vecteurs \vec{AM} et \vec{t})

2) Les points $B(7,1)$; $C(-2, 2)$; $E(-15; 17)$ et $F(597, -295)$ appartiennent-ils à la droite (d) ?

Exercice 2 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) et dans chacun des cas suivants, détermine une équation de la droite (d) passant par A et de vecteur directeur \vec{u} .

1) $A(1, 2)$ et $\vec{u}(3, -1)$.

2) $A(1/2, -3/2)$ et $\vec{u}(2/5, 0)$.

3) $A(-1, 1)$ et $\vec{u}(0, -\sqrt{2})$.

4) $A(0, -5)$ et $\vec{u}(-420, 1050)$.

Exercice 3 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) et dans chacun des cas suivants, détermine une équation de la droite (AB) .

1) $A(2, 3)$ et $B(-1, 5)$.

2) $A(0, -2)$ et $B(-2, 0)$.

3) $A(2, -1)$ et $B(2, 4)$.

4) $A(-3, -1)$ et $B(7, -1)$.

5) $A(2/3, -1/2)$ et $B(-5/7, -2/7)$.

Exercice 4 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère la droite (D) d'équation $5x - 2y + 3 = 0$.

a) Donne un point et un vecteur directeur de (D) .

b) Détermine l'ordonnée du point A d'abscisse -1 .

c) Détermine l'abscisse du point B d'ordonnée $5/4$.

d) Construis (D) .

Exercice 5 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère la droite (D) d'équation $3x - 5y + 2 = 0$ et la droite (D') d'équation $-6x + 10y - 15 = 0$.

a) Les droites (D) et (D') sont-elles parallèles ?

b) Ecris une équation de la droite (Δ) parallèle à (D) , et passant par O , puis une équation de la droite (Δ') passant par $A(-5, 2)$ et parallèle à (D) .

Lien avec les équations réduites

Exercice 6 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère la droite (D) d'équation $12x - 18y + 7 = 0$.

Détermine 3 vecteurs directeurs de (D) . Ecris l'équation réduite de (D) et construis (D) .

Exercice 7 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère la droite (D) d'équation $4x + 3y - 1 = 0$.

Les vecteurs suivants dirigent-ils la droite (D) ? $\vec{u}(-4, 3)$; $\vec{v}(-3, 4)$; $\vec{w}(-3, -4)$; $\vec{s}(3, 4)$; $\vec{t}(3/2, -2)$. Ecris l'équation réduite de (D) et construis (D) .

Exercice 8 : Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère la droite (Δ) d'équation $2x - 3y + 5 = 0$ et la droite (Δ') d'équation $3x + 2y - 1 = 0$.

a) Les droites (Δ) et (Δ') sont-elles perpendiculaires ?

b) Ecris une équation de la droite (D) perpendiculaire à (Δ) et passant $A(1, -3)$.

Exercice 9 : Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (O, \vec{i}, \vec{j}) une droite (D) a pour équation $y = 3x - 2$

- a) Ecris l'équation réduite de la droite (Δ) , parallèle à (D) , passant par $I(1, -5)$.
- b) Ecris l'équation réduite de la droite (Δ') , perpendiculaire à (D) , passant par $I(1, -5)$.

Exercice 10 : Dans le plan rapporté à un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère la droite (D) d'équation $2x + 5y - 3 = 0$ et la droite (D') d'équation $y = -2x + 5$. Construis (D) et (D') .

- a) Détermine une équation de la droite (Δ) parallèle à (D) passant par le point $A(1, -1)$.
- b) Détermine une équation de la droite (Δ') parallèle à (D') , et passant par $B(-2, 3)$.